

# \$SPAD/src/input rich3d.input

Albert Rich and Timothy Daly

July 28, 2013

## **Abstract**

$(a+b x)^m (A+B x) (d+e x)^p$  There are:

- 100 integrals in this file.
- 100 supplied "optimal results".
- 95 matching answers.
- 0 cases where Axiom supplied 2 results.
- 0 cases that Axiom failed to integrate.
- 5 that contain expressions Axiom does not recognize.

## **Contents**

```

    — * —
)set break resume
)sys rm -f rich3d.output
)spool rich3d.output
)set message test on
)set message auto off
)clear all

--S 1 of 500
t0:=(1-%i*x)^(1/6*%i)/((1+%i*x)^(1/6*%i)*x^2)
--R
--R
--R
$$\frac{(-\sqrt{i}x + 1)^{\frac{1}{6}}}{x^2(\sqrt{i}x + 1)^{\frac{6}{2}}}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Complex(Integer))
--E 1

--S 2 of 500
--r0:=(-3/37-18/37*%i)*2^(1-1/6*%i)*(1-%i*x)^(1+1/6*%i)*(%i*x)^(-1-1/6*%i)*_
--      hypergeometric(1/6*%i, 1+1/6*%i, 2+1/6*%i, 1/2*%i*(2-2*%i*x+%i*(%i+x))/x)
--E 2

--S 3 of 500
--a0:=integrate(t0,x)
--E 3

--S 4 of 500
--m0:=a0-r0
--E 4

--S 5 of 500
--d0:=D(m0,x)
--E 5

)clear all

--S 6 of 500
t0:=(1-%i*x)^(1/6*%i)/((1+%i*x)^(1/6*%i)*x^3)
--R
--R
--R
$$\frac{(-\sqrt{i}x + 1)^{\frac{1}{6}}}{x^3}$$


```

```

--R          --
--R          6
--R      (- %i x + 1)
--R      (1) -----
--R                  %i
--R          --
--R          3          6
--R      x (%i x + 1)
--R
--R                                         Type: Expression(Complex(Integer))
--E 6

--S 7 of 500
--r0:=(2/37-1/111*%i)*2^(-1-1/6*%i)*(1-%i*x)^(1+1/6*%i)*(3-18*%i+_
--    37*x+(3+19*%i)*x^2-2*%i*x^2*_
--    hypergeometric(1,1+1/6*%i,2+1/6*%i,(%i+x)/(%i-x))/_
--    ((%i-x)*x^2*(1+1/2*%i*(%i+x))^(1/6*%i))
--E 7

--S 8 of 500
--a0:=integrate(t0,x)
--E 8

--S 9 of 500
--m0:=a0-r0
--E 9

--S 10 of 500
--d0:=D(m0,x)
--E 10

)clear all

--S 11 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^m*(3+5*x)
--R
--R
--R          2                      m
--R      (1)  (- 10x  - x + 3)(3x + 2)
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 11

--S 12 of 500
r0:=-7/27*(2+3*x)^(1+m)/(1+m)+37/27*(2+3*x)^(2+m)/(2+m)-_
10/27*(2+3*x)^(3+m)/(3+m)
--R
--R
--R      (2)
--R          2                      m + 3          2                      m + 2
--R      (- 10m  - 30m - 20)(3x + 2)      + (37m  + 148m + 111)(3x + 2)
--R      +

```

```

--R      2           m + 1
--R      (- 7m - 35m - 42)(3x + 2)
--R /
--R      3           2
--R      27m + 162m + 297m + 162
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 12

--S 13 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      2           3           2           2
--R      (- 270m - 810m - 540)x + (- 207m - 288m - 81)x
--R      +
--R      2           2
--R      (63m + 591m + 486)x + 54m + 282m + 200
--R      *
--R      m log(3x + 2)
--R      %e
--R /
--R      3           2
--R      27m + 162m + 297m + 162
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 13

--S 14 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)
--R      2           3           2           2
--R      (- 270m - 810m - 540)x + (- 207m - 288m - 81)x
--R      +
--R      2           2
--R      (63m + 591m + 486)x + 54m + 282m + 200
--R      *
--R      m log(3x + 2)
--R      %e
--R      +
--R      2           m + 3           2           m + 2
--R      (10m + 30m + 20)(3x + 2) + (- 37m - 148m - 111)(3x + 2)
--R      +
--R      2           m + 1
--R      (7m + 35m + 42)(3x + 2)
--R      /
--R      3           2
--R      27m + 162m + 297m + 162
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 14

--S 15 of 500
d0:=normalize m0
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 15

)clear all

--S 16 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^8*(3+5*x)
--R
--R
--R      (1)
--R      10          9          8          7          6          5
--R      - 65610x  - 356481x  - 831789x  - 1065312x  - 771120x  - 247968x
--R      +
--R      4          3          2
--R      62496x  + 98304x  + 42752x  + 8960x  + 768
--R
--R                                          Type: Polynomial(Integer)
--E 16

--S 17 of 500
r0:=-7/243*(2+3*x)^9+37/270*(2+3*x)^10-10/297*(2+3*x)^11
--R
--R
--R      (2)
--R      65610  11   356481  10   9          8          7          6
--R      - ----- x  - ----- x  - 92421x  - 133164x  - 110160x  - 41328x
--R      11          10
--R      +
--R      62496  5          4   42752  3          2          756736
--R      ----- x  + 24576x  + ----- x  + 4480x  + 768x + -----
--R      5                  3
--R
--R                                          Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 17

--S 18 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      65610  11   356481  10   9          8          7          6
--R      - ----- x  - ----- x  - 92421x  - 133164x  - 110160x  - 41328x
--R      11          10
--R      +
--R      62496  5          4   42752  3          2

```

```

--R      ----- x  + 24576x  + ----- x  + 4480x  + 768x
--R      5                      3
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 18

--S 19 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      756736
--R      (4)  - -----
--R                  13365
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 19

--S 20 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 20

)clear all

--S 21 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^7*(3+5*x)
--R
--R
--R      (1)
--R      9          8          7          6          5          4          3
--R      - 21870x  - 104247x  - 207765x  - 216594x  - 112644x  - 7560x  + 25872x
--R      +
--R      2
--R      15520x  + 3904x  + 384
--R
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 21

--S 22 of 500
r0:=-7/216*(2+3*x)^8+37/243*(2+3*x)^9-1/27*(2+3*x)^10
--R
--R
--R      (2)
--R      10          9          207765  8          7          6          5          4
--R      - 2187x  - 11583x  - ----- x  - 30942x  - 18774x  - 1512x  + 6468x
--R
--R      +
--R      15520  3          2          7712
--R      ----- x  + 1952x  + 384x  + -----
--R      3                      243

```

```

--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 22

--S 23 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R      10      9      207765 8      7      6      5      4
--R   - 2187x  - 11583x  - ----- x  - 30942x  - 18774x  - 1512x  + 6468x
--R                                         8
--R   +
--R      15520 3      2
--R   ----- x  + 1952x  + 384x
--R      3
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 23

--S 24 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)   - 7712
--R           243
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 24

--S 25 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)   0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 25

)clear all

--S 26 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^6*(3+5*x)
--R
--R
--R   (1)
--R      8      7      6      5      4      3      2
--R   - 7290x  - 29889x  - 49329x  - 39312x  - 11340x  + 5040x  + 5264x  + 1664x
--R   +
--R      192
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 26

```

```

--S 27 of 500
r0:=-1/27*(2+3*x)^7+37/216*(2+3*x)^8-10/243*(2+3*x)^9
--R
--R
--R      (2)
--R      9   29889   8       7       6       5       4       5264   3       2
--R      - 810x   - ----- x   - 7047x   - 6552x   - 2268x   + 1260x   + ----- x   + 832x
--R                           8                                         3
--R      +
--R      4384
--R      192x + -----
--R                  243
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 27

--S 28 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      9   29889   8       7       6       5       4       5264   3       2
--R      - 810x   - ----- x   - 7047x   - 6552x   - 2268x   + 1260x   + ----- x   + 832x
--R                           8                                         3
--R      +
--R      192x
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 28

--S 29 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      4384
--R      (4)  - -----
--R                  243
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 29

--S 30 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 30

)clear all

--S 31 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^5*(3+5*x)

```

```

--R
--R
--R      7      6      5      4      3      2
--R      (1) - 2430x - 8343x - 10881x - 5850x + 120x + 1600x + 688x + 96
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 31

--S 32 of 500
r0:=96*x+344*x^2+1600/3*x^3+30*x^4-1170*x^5-3627/2*x^6-8343/7*x^7-1215/4*x^8
--R
--R
--R      1215 8   8343 7   3627 6      5      4   1600 3      2
--R      (2) - ----- x - ----- x - ----- x - 1170x + 30x + ----- x + 344x + 96x
--R          4       7       2                               3
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 32

--S 33 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      1215 8   8343 7   3627 6      5      4   1600 3      2
--R      (3) - ----- x - ----- x - ----- x - 1170x + 30x + ----- x + 344x + 96x
--R          4       7       2                               3
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 33

--S 34 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 34

--S 35 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 35

)clear all

--S 36 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^4*(3+5*x)
--R
--R
--R      6      5      4      3      2

```

```

--R   (1)  - 810x7 - 2241x6 - 2133x5 - 528x4 + 392x3 + 272x2 + 48
--R
--E 36                                         Type: Polynomial(Integer)

--S 37 of 500
r0:=48*x+136*x^2+392/3*x^3-132*x^4-2133/5*x^5-747/2*x^6-810/7*x^7
--R
--R
--R   (2)  -  $\frac{810}{7}x^7 - \frac{2241}{2}x^6 - \frac{2133}{5}x^5 - 528x^4 + \frac{392}{3}x^3 + 272x^2 + 48x$ 
--R
--E 37                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 38 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)  -  $\frac{810}{7}x^7 - \frac{2241}{2}x^6 - \frac{2133}{5}x^5 - 132x^4 + \frac{392}{3}x^3 + 136x^2 + 48x$ 
--R
--E 38                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 39 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R
--E 39                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 40 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--E 40                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

)clear all

--S 41 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^3*(3+5*x)
--R
--R
--R   (1)  - 270x5 - 567x4 - 333x3 + 46x2 + 100x + 24
--R
--E 41                                         Type: Polynomial(Integer)

```

```

--S 42 of 500
r0:=24*x+50*x^2+46/3*x^3-333/4*x^4-567/5*x^5-45*x^6
--R
--R
--R      6   567   5   333   4   46   3   2
--R      (2) - 45x - --- x - --- x + -- x + 50x + 24x
--R                  5           4           3
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 42

--S 43 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      6   567   5   333   4   46   3   2
--R      (3) - 45x - --- x - --- x + -- x + 50x + 24x
--R                  5           4           3
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 43

--S 44 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 44

--S 45 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 45

)clear all

--S 46 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^2*(3+5*x)
--R
--R
--R      4   3   2
--R      (1) - 90x - 129x - 25x + 32x + 12
--R
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 46

--S 47 of 500
r0:=12*x+16*x^2-25/3*x^3-129/4*x^4-18*x^5

```

```

--R
--R
--R      5   129   4   25   3      2
--R      (2) - 18x - --- x - -- x + 16x + 12x
--R                  4           3
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 47

--S 48 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      5   129   4   25   3      2
--R      (3) - 18x - --- x - -- x + 16x + 12x
--R                  4           3
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 48

--S 49 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 49

--S 50 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 50

)clear all

--S 51 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)*(3+5*x)
--R
--R
--R      3      2
--R      (1) - 30x - 23x + 7x + 6
--R
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 51

--S 52 of 500
r0:=6*x+7/2*x^2-23/3*x^3-15/2*x^4
--R
--R
--R      15   4   23   3   7   2

```

```

--R      (2)  - -- x  - -- x  + - x  + 6x
--R          2         3         2
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 52

--S 53 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      15 4   23 3   7 2
--R      (3)  - -- x  - -- x  + - x  + 6x
--R          2         3         2
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 53

--S 54 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 54

--S 55 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 55

)clear all

--S 56 of 500
t0:=(1-2*x)*(3+5*x)
--R
--R
--R      2
--R      (1)  - 10x  - x  + 3
--R
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 56

--S 57 of 500
r0:=3*x-1/2*x^2-10/3*x^3
--R
--R
--R      10 3   1  2
--R      (2)  - -- x  - - x  + 3x
--R          3         2
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

```

```

--E 57

--S 58 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      10   3   1   2
--R      (3) - -- x  - - x  + 3x
--R              3       2
--R
                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 58

--S 59 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 59

--S 60 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 60

)clear all

--S 61 of 500
t0:=(1-2*x)*(3+5*x)/(2+3*x)
--R
--R
--R      2
--R      - 10x  - x + 3
--R      (1) -----
--R                  3x + 2
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 61

--S 62 of 500
r0:=17/9*x-5/3*x^2-7/27*log(2+3*x)
--R
--R
--R      2
--R      - 7log(3x + 2) - 45x  + 51x
--R      (2) -----
--R                  27
--R
                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 62

--S 63 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
$$(3) \frac{-7\log(3x + 2) - 45x^2 + 51x}{27}$$

--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 63

--S 64 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
$$(4) 0$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 64

--S 65 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
$$(5) 0$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 65

)clear all

--S 66 of 500
t0:=(1-2*x)*(3+5*x)/(2+3*x)^2
--R
--R
--R
$$(1) \frac{-10x^2 - x + 3}{9x^2 + 12x + 4}$$

--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 66

--S 67 of 500
r0:=-10/9*x+7/27/(2+3*x)+37/27*log(2+3*x)
--R
--R
--R
$$(2) \frac{(111x^2 + 74)\log(3x + 2) - 90x^2 - 60x + 7}{27}$$


```

```

--R          81x + 54
--R
--E 67                                         Type: Expression(Integer)

--S 68 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R          2
--R          (111x + 74)log(3x + 2) - 90x - 60x + 7
--R  (3)  -----
--R          81x + 54
--R
--E 68                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
                                        

--S 69 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R  (4)  0
--R
--E 69                                         Type: Expression(Integer)

--S 70 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R  (5)  0
--R
--E 70                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 71 of 500
t0:=(1-2*x)*(3+5*x)/(2+3*x)^3
--R
--R
--R          2
--R          - 10x - x + 3
--R  (1)  -----
--R          3      2
--R          27x  + 54x  + 36x + 8
--R
--E 71                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 72 of 500
r0:=7/54/(2+3*x)^2+(-37/27)/(2+3*x)-10/27*log(2+3*x)
--R
--R
--R          2

```

```

--R      (- 180x - 240x - 80)log(3x + 2) - 222x - 141
--R      (2) -----
--R                           2
--R                           486x  + 648x + 216
--R
--E 72                                         Type: Expression(Integer)

--S 73 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2
--R      (- 180x - 240x - 80)log(3x + 2) - 222x - 141
--R      (3) -----
--R                           2
--R                           486x  + 648x + 216
--R
--E 73                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

--S 74 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 74                                         Type: Expression(Integer)

--S 75 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 75                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 76 of 500
t0:=(1-2*x)*(3+5*x)/(2+3*x)^4
--R
--R
--R      2
--R      - 10x  - x + 3
--R      (1) -----
--R           4          3          2
--R           81x  + 216x  + 216x  + 96x + 16
--R
--E 76                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 77 of 500

```

```

r0:=7/81/(2+3*x)^3+(-37/54)/(2+3*x)^2+10/27/(2+3*x)
--R
--R
--R      10 2     43      16
--R      -- x + --- x + -----
--R      81        486      2187
--R      (2) -----
--R      3   2     4      8
--R      x + 2x + - x + --
--R                  3      27
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 77

--S 78 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2
--R      540x  + 387x + 32
--R      (3) -----
--R      3   2
--R      4374x  + 8748x  + 5832x + 1296
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 78

--S 79 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 79

--S 80 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 80

)clear all

--S 81 of 500
t0:=(1-2*x)*(3+5*x)/(2+3*x)^5
--R
--R
--R      2
--R      - 10x  - x + 3
--R      (1) -----

```

```

--R      5      4      3      2
--R      243x  + 810x  + 1080x  + 720x  + 240x + 32
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 81

--S 82 of 500
r0:=7/108/(2+3*x)^4+(-37/81)/(2+3*x)^3+5/27/(2+3*x)^2
--R
--R
--R      5 2      23      35
--R      --- x  + ----- x - -----
--R      243      2187      26244
--R (2) -----
--R      4 8 3 8 2 32 16
--R      x  + - x  + - x  + -- x + --
--R      3      3      27      81
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 82

--S 83 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2
--R      540x  + 276x - 35
--R (3) -----
--R      4      3      2
--R      26244x  + 69984x  + 69984x  + 31104x + 5184
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 83

--S 84 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 84

--S 85 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 85

)clear all

--S 86 of 500

```

```

t0:=(1-2*x)*(3+5*x)/(2+3*x)^6
--R
--R
--R
--R      2
--R      - 10x - x + 3
--R      -----
--R      6      5      4      3      2
--R      729x  + 2916x  + 4860x  + 4320x  + 2160x  + 576x + 64
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 86

--S 87 of 500
r0:=7/135/(2+3*x)^5+(-37/108)/(2+3*x)^4+10/81/(2+3*x)^3
--R
--R
--R      10   2     49     113
--R      ---- x  + ----- x - -----
--R      2187    26244   196830
--R      (2) -----
--R      5   10   4     40   3     80   2     80     32
--R      x  + -- x + ---
--R      3       9      27      81      243
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 87

--S 88 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2
--R      1800x  + 735x - 226
--R      -----
--R      5      4      3      2
--R      393660x  + 1312200x  + 1749600x  + 1166400x  + 388800x + 51840
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 88

--S 89 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 89

--S 90 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 90

)clear all

--S 91 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^m*(3+5*x)^2
--R
--R
--R      3          2                                m
--R      (1)  (- 50x  - 35x  + 12x + 9)(3x + 2)
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 91

--S 92 of 500
r0:=7/81*(2+3*x)^(1+m)/(1+m)-8/9*(2+3*x)^(2+m)/(2+m)+_
65/27*(2+3*x)^(3+m)/(3+m)-50/81*(2+3*x)^(4+m)/(4+m)
--R
--R
--R      (2)
--R      3          2                                m + 4
--R      (- 50m  - 300m  - 550m - 300)(3x + 2)
--R      +
--R      3          2                                m + 3
--R      (195m  + 1365m  + 2730m + 1560)(3x + 2)
--R      +
--R      3          2                                m + 2
--R      (- 72m  - 576m  - 1368m - 864)(3x + 2)
--R      +
--R      3          2                                m + 1
--R      (7m  + 63m  + 182m + 168)(3x + 2)
--R      /
--R      4          3          2
--R      81m  + 810m  + 2835m  + 4050m + 1944
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 92

--S 93 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      3          2                                4
--R      (- 1350m  - 8100m  - 14850m - 8100)x
--R      +
--R      3          2                                3
--R      (- 1845m  - 9315m  - 15030m - 7560)x
--R      +
--R      3          2                                2          3          2
--R      (- 306m  + 1242m  + 5436m + 3888)x  + (459m  + 4539m  + 9870m + 5832)x

```

```

--R      +
--R      3      2
--R      162m + 1314m + 2644m + 1520
--R      *
--R      m log(3x + 2)
--R      %e
--R      /
--R      4      3      2
--R      27m + 270m + 945m + 1350m + 648
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 93

--S 94 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)
--R      3      2                  4
--R      (- 4050m - 24300m - 44550m - 24300)x
--R      +
--R      3      2                  3
--R      (- 5535m - 27945m - 45090m - 22680)x
--R      +
--R      3      2                  2
--R      (- 918m + 3726m + 16308m + 11664)x
--R      +
--R      3      2                  3      2
--R      (1377m + 13617m + 29610m + 17496)x + 486m + 3942m + 7932m + 4560
--R      *
--R      m log(3x + 2)
--R      %e
--R      +
--R      3      2                  m + 4
--R      (50m + 300m + 550m + 300)(3x + 2)
--R      +
--R      3      2                  m + 3
--R      (- 195m - 1365m - 2730m - 1560)(3x + 2)
--R      +
--R      3      2                  m + 2
--R      (72m + 576m + 1368m + 864)(3x + 2)
--R      +
--R      3      2                  m + 1
--R      (- 7m - 63m - 182m - 168)(3x + 2)
--R      /
--R      4      3      2
--R      81m + 810m + 2835m + 4050m + 1944
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 94

--S 95 of 500

```

```

d0:=normalize m0
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 95                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 96 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^8*(3+5*x)^2
--R
--R
--R      (1)
--R
--R      11          10          9          8          7          6
--R      - 328050x   - 1979235x   - 5228388x   - 7821927x   - 7051536x   - 3553200x
--R
--R      +
--R      5          4          3          2
--R      - 431424x   + 679008x   + 508672x   + 173056x   + 30720x   + 2304
--R
--E 96                                         Type: Polynomial(Integer)

--S 97 of 500
r0:=7/729*(2+3*x)^9-4/45*(2+3*x)^10+65/297*(2+3*x)^11-25/486*(2+3*x)^12
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      54675 12  1979235 11  2614194 10          9          8          7
--R      - ----- x   - ----- x   - ----- x   - 869103x   - 881442x   - 507600x
--R      2          11          5
--R
--R      +
--R      6  679008 5          4  173056 3          2          6070784
--R      - 71904x   + ----- x   + 127168x   + ----- x   + 15360x   + 2304x   + -----
--R
--R
--R
--E 97                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 98 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R
--R      54675 12  1979235 11  2614194 10          9          8          7
--R      - ----- x   - ----- x   - ----- x   - 869103x   - 881442x   - 507600x
--R      2          11          5
--R
--R      +
--R      6  679008 5          4  173056 3          2
--R      - 71904x   + ----- x   + 127168x   + ----- x   + 15360x   + 2304x
--R
--R
--E 98                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

```

```

--E 98

--S 99 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      6070784
--R      (4)  - -----
--R                  40095
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 99

--S 100 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 100

)clear all

--S 101 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^7*(3+5*x)^2
--R
--R
--R      (1)
--R      10          9          8          7          6          5
--R      - 109350x  - 586845x  - 1351566x  - 1706265x  - 1213002x  - 375732x
--R      +
--R      4          3          2
--R      106680x  + 155216x  + 66080x  + 13632x  + 1152
--R
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 101

--S 102 of 500
r0:=7/648*(2+3*x)^8-8/81*(2+3*x)^9+13/54*(2+3*x)^10-50/891*(2+3*x)^11
--R
--R
--R      (2)
--R      109350  11  117369  10          9    1706265  8          7          6
--R      - ----- x  - ----- x  - 150174x  - ----- x  - 173286x  - 62622x
--R      11          2                      8
--R      +
--R      5          4    66080  3          2          74656
--R      21336x  + 38804x  + ----- x  + 6816x  + 1152x  + -----
--R                                3                      891
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 102

```

```

--S 103 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R   
$$\frac{109350}{11}x^{11} - \frac{117369}{10}x^{10} - \frac{150174}{9}x^9 - \frac{1706265}{8}x^8 - \frac{173286}{7}x^7 - \frac{62622}{6}x^6$$

--R   
$$+ \frac{21336}{11}x^{11} + \frac{38804}{2}x^2 + \frac{66080}{3}x^3 + \frac{6816}{8}x^8 + \frac{1152}{3}x^3$$

--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 103

--S 104 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4) 
$$-\frac{74656}{891}$$

--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 104

--S 105 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5) 0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 105

)clear all

--S 106 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^6*(3+5*x)^2
--R
--R
--R   (1)
--R   
$$-36450x^9 - 171315x^8 - 336312x^7 - 344547x^6 - 174636x^5 - 8820x^4 + 41440x^3$$

--R   +
--R   
$$24112x^2 + 5952x + 576$$

--R
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 106

--S 107 of 500
r0:=576*x+2976*x^2+24112/3*x^3+10360*x^4-1764*x^5-29106*x^6-

```

```

49221*x^7-42039*x^8-19035*x^9-3645*x^10
--R
--R
--R      (2)
--R      10      9      8      7      6      5      4
--R      - 3645x  - 19035x  - 42039x  - 49221x  - 29106x  - 1764x  + 10360x
--R      +
--R      24112 3      2
--R      ----- x  + 2976x  + 576x
--R      3
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 107

--S 108 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      10      9      8      7      6      5      4
--R      - 3645x  - 19035x  - 42039x  - 49221x  - 29106x  - 1764x  + 10360x
--R      +
--R      24112 3      2
--R      ----- x  + 2976x  + 576x
--R      3
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 108

--S 109 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 109

--S 110 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 110

)clear all

--S 111 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^5*(3+5*x)^2
--R
--R
--R      (1)

```

```

--R      8      7      6      5      4      3      2
--R      - 12150x  - 49005x  - 79434x  - 61893x  - 16950x  + 8360x  + 8240x  + 2544x
--R      +
--R      288
--R
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 111

--S 112 of 500
r0:=288*x+1272*x^2+8240/3*x^3+2090*x^4-3390*x^5-20631/2*x^6-79434/7*x^7-
49005/8*x^8-1350*x^9
--R
--R
--R      (2)
--R      9      49005  8      79434  7      20631  6      5      4      8240  3
--R      - 1350x  - ----- x  - ----- x  - ----- x  - 3390x  + 2090x  + ----- x
--R                  8          7          2
--R      +
--R      2
--R      1272x  + 288x
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 112

--S 113 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      9      49005  8      79434  7      20631  6      5      4      8240  3
--R      - 1350x  - ----- x  - ----- x  - ----- x  - 3390x  + 2090x  + ----- x
--R                  8          7          2
--R      +
--R      2
--R      1272x  + 288x
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 113

--S 114 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 114

--S 115 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

```

```

--E 115

)clear all

--S 116 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^4*(3+5*x)^2
--R
--R
--R      7       6       5       4       3       2
--R      (1) - 4050x - 13635x - 17388x - 9039x + 376x + 2536x + 1056x + 144
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 116

--S 117 of 500
r0:=144*x+528*x^2+2536/3*x^3+94*x^4-9039/5*x^5-2898*x^6-13635/7*x^7-2025/4*x^8
--R
--R
--R      (2)
--R      2025   8   13635   7       6   9039   5       4   2536   3       2
--R      - ---- x - ----- x - 2898x - ----- x + 94x + ---- x + 528x + 144x
--R      4           7                   5                   3
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 117

--S 118 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      2025   8   13635   7       6   9039   5       4   2536   3       2
--R      - ---- x - ----- x - 2898x - ----- x + 94x + ---- x + 528x + 144x
--R      4           7                   5                   3
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 118

--S 119 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 119

--S 120 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 120

```

```

)clear all

--S 121 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^3*(3+5*x)^2
--R
--R
--R      6      5      4      3      2
--R      (1)  - 1350x  - 3645x  - 3366x  - 769x  + 638x  + 420x  + 72
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 121

--S 122 of 500
r0:=72*x+210*x^2+638/3*x^3-769/4*x^4-3366/5*x^5-1215/2*x^6-1350/7*x^7
--R
--R
--R      1350 7   1215 6   3366 5   769 4   638 3   2
--R      (2)  - ----- x  - ----- x  - ----- x  - ----- x  + ----- x  + 210x  + 72x
--R          7         2         5         4         3
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 122

--S 123 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      1350 7   1215 6   3366 5   769 4   638 3   2
--R      (3)  - ----- x  - ----- x  - ----- x  - ----- x  + ----- x  + 210x  + 72x
--R          7         2         5         4         3
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 123

--S 124 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 124

--S 125 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 125

)clear all

```

```

--S 126 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^2*(3+5*x)^2
--R
--R
--R      5      4      3      2
--R      (1) - 450x - 915x - 512x + 85x + 156x + 36
--R
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 126

--S 127 of 500
r0:=36*x+78*x^2+85/3*x^3-128*x^4-183*x^5-75*x^6
--R
--R
--R      6      5      4      85   3      2
--R      (2) - 75x - 183x - 128x + -- x + 78x + 36x
--R
--R                                         3
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 127

--S 128 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      6      5      4      85   3      2
--R      (3) - 75x - 183x - 128x + -- x + 78x + 36x
--R
--R                                         3
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 128

--S 129 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 129

--S 130 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 130

)clear all

--S 131 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)*(3+5*x)^2
--R

```

```

--R
--R      4      3      2
--R      (1)  - 150x  - 205x  - 34x  + 51x + 18
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 131

--S 132 of 500
r0:=18*x+51/2*x^2-34/3*x^3-205/4*x^4-30*x^5
--R
--R
--R      5      205   4      34   3      51   2
--R      (2)  - 30x  - --- x  - -- x  + -- x  + 18x
--R                  4             3             2
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 132

--S 133 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      5      205   4      34   3      51   2
--R      (3)  - 30x  - --- x  - -- x  + -- x  + 18x
--R                  4             3             2
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 133

--S 134 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 134

--S 135 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 135

)clear all

--S 136 of 500
t0:=(1-2*x)*(3+5*x)^2
--R
--R
--R      3      2
--R      (1)  - 50x  - 35x  + 12x + 9

```

```

--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 136

--S 137 of 500
r0:=9*x+6*x^2-35/3*x^3-25/2*x^4
--R
--R
--R      25   4   35   3   2
--R      (2)  - -- x  - -- x  + 6x  + 9x
--R              2           3
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 137

--S 138 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      25   4   35   3   2
--R      (3)  - -- x  - -- x  + 6x  + 9x
--R              2           3
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 138

--S 139 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 139

--S 140 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 140

)clear all

--S 141 of 500
t0:=(1-2*x)*(3+5*x)^2/(2+3*x)
--R
--R
--R      3   2
--R      - 50x  - 35x  + 12x  + 9
--R      (1)  -----
--R                  3x  + 2
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

```

```

--E 141

--S 142 of 500
r0:=118/27*x-5/18*x^2-50/9*x^3+7/81*log(2+3*x)
--R
--R
--R
--R      3      2
--R      14log(3x + 2) - 900x  - 45x  + 708x
--R      (2)  -----
--R                           162
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 142

--S 143 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R      3      2
--R      14log(3x + 2) - 900x  - 45x  + 708x
--R      (3)  -----
--R                           162
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 143

--S 144 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 144

--S 145 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 145

)clear all

--S 146 of 500
t0:=(1-2*x)*(3+5*x)^2/(2+3*x)^2
--R
--R
--R
--R      3      2
--R      - 50x  - 35x  + 12x + 9
--R      (1)  -----
--R                           2

```

```

--R          9x  + 12x + 4
--R
--E 146                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 147 of 500
r0:=95/27*x-25/9*x^2+(-7/81)/(2+3*x)-8/9*log(2+3*x)
--R
--R
--R          (- 216x - 144)log(3x + 2) - 675x  + 405x  + 570x - 7
--R  (2)  -----
--R                      243x + 162
--R
--E 147                                         Type: Expression(Integer)

--S 148 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R          (- 216x - 144)log(3x + 2) - 675x  + 405x  + 570x - 7
--R  (3)  -----
--R                      243x + 162
--R
--E 148                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

--S 149 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R  (4)  0
--R
--E 149                                         Type: Expression(Integer)

--S 150 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R  (5)  0
--R
--E 150                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 151 of 500
t0:=(1-2*x)*(3+5*x)^2/(2+3*x)^3
--R
--R
--R          3      2
--R          - 50x  - 35x  + 12x + 9

```

```

--R      (1)  -----
--R              3      2
--R              27x  + 54x  + 36x + 8
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 151

--S 152 of 500
r0:=-50/27*x+(-7/162)/(2+3*x)^2+8/9/(2+3*x)+65/27*log(2+3*x)
--R
--R
--R      (2)  -----
--R              2
--R              (3510x  + 4680x + 1560)log(3x + 2) - 2700x  - 3600x  - 768x + 281
--R
--R                                          2
--R
--R                                          1458x  + 1944x + 648
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 152

--S 153 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)  -----
--R              2
--R              (3510x  + 4680x + 1560)log(3x + 2) - 2700x  - 3600x  - 768x + 281
--R
--R                                          2
--R
--R                                          1458x  + 1944x + 648
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 153

--S 154 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 154

--S 155 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 155

)clear all

--S 156 of 500
t0:=(1-2*x)*(3+5*x)^2/(2+3*x)^4

```

```

--R
--R
--R      3      2
--R      - 50x  - 35x  + 12x + 9
--R (1) -----
--R      4      3      2
--R      81x  + 216x  + 216x  + 96x + 16
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 156

--S 157 of 500
r0:=(-7/243)/(2+3*x)^3+4/9/(2+3*x)^2+(-65/27)/(2+3*x)-50/81*log(2+3*x)
--R
--R
--R      3      2
--R      (- 4050x  - 8100x  - 5400x - 1200)log(3x + 2) - 5265x  - 6696x - 2131
--R (2) -----
--R
--R      3      2
--R      6561x  + 13122x  + 8748x + 1944
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 157

--S 158 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      3      2
--R      (- 4050x  - 8100x  - 5400x - 1200)log(3x + 2) - 5265x  - 6696x - 2131
--R (3) -----
--R
--R      3      2
--R      6561x  + 13122x  + 8748x + 1944
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 158

--S 159 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 159

--S 160 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 160

```

```

)clear all

--S 161 of 500
t0:=(1-2*x)*(3+5*x)^2/(2+3*x)^5
--R
--R
--R
--R      3      2
--R      - 50x  - 35x  + 12x + 9
--R (1)  -----
--R      5      4      3      2
--R      243x  + 810x  + 1080x  + 720x  + 240x + 32
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 161

--S 162 of 500
r0:=7/12*(3+5*x)^3/(2+3*x)^4+3/4*(3+5*x)^3/(2+3*x)^3
--R
--R
--R      125   4    2300   3    515   2    38    25
--R      --- x  + --- x  + --- x  + -- x + --
--R      36     243     54     9     36
--R (2)  -----
--R      4     8    3    8    2    32    16
--R      x  + - x  + - x  + -- x + --
--R      3     3     27    81
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 162

--S 163 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      3      2
--R      600x  + 810x  + 312x + 25
--R (3)  -----
--R      4      3      2
--R      2916x  + 7776x  + 7776x  + 3456x + 576
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 163

--S 164 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      125
--R (4)  - ---
--R      36
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 164

```

```

--S 165 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 165                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 166 of 500
t0:=(1-2*x)*(3+5*x)^2/(2+3*x)^6
--R
--R
--R      (1)  -----
--R      3      2
--R      - 50x  - 35x  + 12x  + 9
--R      6      5      4      3      2
--R      729x  + 2916x  + 4860x  + 4320x  + 2160x  + 576x  + 64
--R
--E 166                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 167 of 500
r0:=(-7/405)/(2+3*x)^5+2/9/(2+3*x)^4+(-65/81)/(2+3*x)^3+25/81/(2+3*x)^2
--R
--R
--R      25   3     85   2     58       127
--R      --- x  + ---- x  + ----- x - -----
--R      729        2187      6561      98415
--R      (2)  -----
--R      5    10   4     40   3     80   2     80       32
--R      x  + -- x + ---
--R      3         9         27        81        243
--R
--E 167                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))

--S 168 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)  -----
--R      3      2
--R      3375x  + 3825x  + 870x  - 127
--R      5      4      3      2
--R      98415x  + 328050x  + 437400x  + 291600x  + 97200x  + 12960
--R
--E 168                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

--S 169 of 500
m0:=a0-r0

```

```

--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 169                                         Type: Expression(Integer)

--S 170 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 170                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 171 of 500
t0:=(1-2*x)*(3+5*x)^2/(2+3*x)^7
--R
--R
--R
--R      (1)  -----
--R              3          2
--R              - 50x  - 35x  + 12x + 9
--R
--R      7          6          5          4          3          2
--R      2187x  + 10206x  + 20412x  + 22680x  + 15120x  + 6048x  + 1344x + 128
--R
--E 171                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 172 of 500
r0:=(-7/486)/(2+3*x)^6+8/45/(2+3*x)^5+(-65/108)/(2+3*x)^4+50/243/(2+3*x)^3
--R
--R
--R      50      3      205      2      97      1021
--R      ----- x  + ----- x  + ----- x  - -----
--R      6561      26244      98415      1771470
--R
--R      (2)  -----
--R          6      5      20      4      160      3      80      2      64      64
--R          x  + 4x  + -- x  + --- x  + --- x  + -- x  + -- x  + ---
--R          3          27          27          81          729
--R
--E 172                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))

--S 173 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R              3          2
--R      27000x  + 27675x  + 3492x - 2042
--R      /

```

```

--R      6      5      4      3      2
--R      3542940x + 14171760x + 23619600x + 20995200x + 10497600x + 2799360x
--R      +
--R      311040
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 173

--S 174 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 174

--S 175 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 175

)clear all

--S 176 of 500
t0:=(1-2*x)*(3+5*x)^2/(2+3*x)^8
--R
--R
--R      (1)
--R      3      2
--R      - 50x - 35x + 12x + 9
--R      /
--R      8      7      6      5      4      3      2
--R      6561x + 34992x + 81648x + 108864x + 90720x + 48384x + 16128x
--R      +
--R      3072x + 256
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 176

--S 177 of 500
r0:=(-1/81)/(2+3*x)^7+4/27/(2+3*x)^6+(-13/27)/(2+3*x)^5+25/162/(2+3*x)^4
--R
--R
--R      25      3      4      2      2      11
--R      ----- x + ----- x + ----- x - -----
--R      13122      2187      19683      59049
--R      (2) -----
--R      7      14      6      28      5      280      4      560      3      224      2      448      128
--R      x + -- x + -- x + --- x + -----

```

```

--R      3      3      27      81      81      729      2187
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 177

--S 178 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      3      2
--R      225x  + 216x  + 12x - 22
--R /
--R      7      6      5      4      3      2
--R      118098x  + 551124x  + 1102248x  + 1224720x  + 816480x  + 326592x
--R +
--R      72576x + 6912
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 178

--S 179 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 179

--S 180 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 180

)clear all

--S 181 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^m*(3+5*x)^3
--R
--R
--R      (1)  (- 250x^4 - 325x^3 - 45x^2 + 81x + 27)(3x + 2)^m
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 181

--S 182 of 500
r0:=-7/243*(2+3*x)^(1+m)/(1+m)+107/243*(2+3*x)^(2+m)/(2+m)-
185/81*(2+3*x)^(3+m)/(3+m)+1025/243*(2+3*x)^(4+m)/(4+m)-
250/243*(2+3*x)^(5+m)/(5+m)

```

```

--R
--R
--R (2)
--R
--R      4      3      2                               m + 5
--R      (- 250m - 2500m - 8750m - 12500m - 6000)(3x + 2)
--R      +
--R      4      3      2                               m + 4
--R      (1025m + 11275m + 42025m + 62525m + 30750)(3x + 2)
--R      +
--R      4      3      2                               m + 3
--R      (- 555m - 6660m - 27195m - 43290m - 22200)(3x + 2)
--R      +
--R      4      3      2                               m + 2
--R      (107m + 1391m + 6313m + 11449m + 6420)(3x + 2)
--R      +
--R      4      3      2                               m + 1
--R      (- 7m - 98m - 497m - 1078m - 840)(3x + 2)
--R      /
--R      5      4      3      2
--R      243m + 3645m + 20655m + 54675m + 66582m + 29160
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 182

--S 183 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
--R      4      3      2                               5
--R      (- 20250m - 202500m - 708750m - 1012500m - 486000)x
--R      +
--R      4      3      2                               4
--R      (- 39825m - 370575m - 1227825m - 1686825m - 789750)x
--R      +
--R      4      3      2                               3
--R      (- 21195m - 148140m - 368955m - 387810m - 145800)x
--R      +
--R      4      3      2                               2
--R      (4131m + 96093m + 455229m + 756927m + 393660)x
--R      +
--R      4      3      2                               4      3
--R      (6561m + 86346m + 343215m + 526038m + 262440)x + 1458m + 17496m
--R      +
--R      2
--R      66366m + 99240m + 48800
--R      *
--R      m log(3x + 2)
--R      %e
--R      /
--R      5      4      3      2

```

```

--R      81m + 1215m + 6885m + 18225m + 22194m + 9720
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 183

--S 184 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)
--R      4          3          2          5
--R      (- 60750m - 607500m - 2126250m - 3037500m - 1458000)x
--R      +
--R      4          3          2          4
--R      (- 119475m - 1111725m - 3683475m - 5060475m - 2369250)x
--R      +
--R      4          3          2          3
--R      (- 63585m - 444420m - 1106865m - 1163430m - 437400)x
--R      +
--R      4          3          2          2
--R      (12393m + 288279m + 1365687m + 2270781m + 1180980)x
--R      +
--R      4          3          2          4
--R      (19683m + 259038m + 1029645m + 1578114m + 787320)x + 4374m
--R      +
--R      3          2
--R      52488m + 199098m + 297720m + 146400
--R      *
--R      m log(3x + 2)
--R      %e
--R      +
--R      4          3          2          m + 5
--R      (250m + 2500m + 8750m + 12500m + 6000)(3x + 2)
--R      +
--R      4          3          2          m + 4
--R      (- 1025m - 11275m - 42025m - 62525m - 30750)(3x + 2)
--R      +
--R      4          3          2          m + 3
--R      (555m + 6660m + 27195m + 43290m + 22200)(3x + 2)
--R      +
--R      4          3          2          m + 2
--R      (- 107m - 1391m - 6313m - 11449m - 6420)(3x + 2)
--R      +
--R      4          3          2          m + 1
--R      (7m + 98m + 497m + 1078m + 840)(3x + 2)
--R      /
--R      5          4          3          2
--R      243m + 3645m + 20655m + 54675m + 66582m + 29160
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 184

```

```

--S 185 of 500
d0:=normalize m0
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 185                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 186 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^8*(3+5*x)^3
--R
--R
--R      (1)
--R      12          11          10          9          8
--R      - 1640250x  - 10880325x  - 32079645x  - 54794799x  - 58723461x
--R      +
--R      7          6          5          4          3          2
--R      - 38920608x  - 12816720x  + 2100768x  + 4580384x  + 2391296x  + 672768x
--R      +
--R      103680x + 6912
--R
--E 186                                         Type: Polynomial(Integer)

--S 187 of 500
r0:=-7/2187*(2+3*x)^9+107/2430*(2+3*x)^10-185/891*(2+3*x)^11+_
1025/2916*(2+3*x)^12-250/3159*(2+3*x)^13
--R
--R
--R      (2)
--R      1640250  13   3626775  12   32079645  11   54794799  10          9
--R      - ----- x  - ----- x  - ----- x  - ----- x  - 6524829x
--R      13          4          11          10
--R      +
--R      8          7          6   4580384  5          4          3
--R      - 4865076x  - 1830960x  + 350128x  + ----- x  + 597824x  + 224256x
--R
--R      5
--R      +
--R      2          640642048
--R      51840x  + 6912x + -----
--R
--R                                         1563705
--E 187                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 188 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)

```

```

--R      1640250 13   3626775 12   32079645 11   54794799 10          9
--R      - ----- x  - ----- x  - ----- x  - ----- x  - 6524829x
--R      13           4           11          10
--R      +
--R      8           7           6   4580384 5           4           3
--R      - 4865076x  - 1830960x + 350128x + ----- x + 597824x + 224256x
--R                                         5
--R      +
--R      2
--R      51840x  + 6912x
--R
--R                                          Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 188

--S 189 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      640642048
--R      (4)  - -----
--R                  1563705
--R
--R                                          Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 189

--S 190 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 190

)clear all

--S 191 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^7*(3+5*x)^3
--R
--R
--R      (1)
--R      11           10           9           8           7           6
--R      - 546750x  - 3262275x  - 8518365x  - 12586023x  - 11183805x  - 5517666x
--R      +
--R      5           4           3           2
--R      - 593796x  + 1096120x  + 796048x  + 266400x  + 46656x + 3456
--R
--R                                          Type: Polynomial(Integer)
--E 191

--S 192 of 500
r0:=3456*x+23328*x^2+88800*x^3+199012*x^4+219224*x^5-98966*x^6-
    788238*x^7-11183805/8*x^8-1398447*x^9-1703673/2*x^10-
    3262275/11*x^11-91125/2*x^12

```

```

--R
--R
--R      (2)
--R      91125 12   3262275 11   1703673 10       9   11183805 8
--R      - ----- x  - ----- x  - ----- x  - 1398447x  - -----
--R      2           11          2                           8
--R      +
--R      7           6           5           4           3           2
--R      - 788238x  - 98966x  + 219224x  + 199012x  + 88800x  + 23328x  + 3456x
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 192

--S 193 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      91125 12   3262275 11   1703673 10       9   11183805 8
--R      - ----- x  - ----- x  - ----- x  - 1398447x  - -----
--R      2           11          2                           8
--R      +
--R      7           6           5           4           3           2
--R      - 788238x  - 98966x  + 219224x  + 199012x  + 88800x  + 23328x  + 3456x
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 193

--S 194 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 194

--S 195 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 195

)clear all

--S 196 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^6*(3+5*x)^3
--R
--R
--R      (1)
--R      10           9           8           7           6           5

```

```

--R      - 182250x  - 965925x  - 2195505x  - 2731671x  - 1906821x  - 568008x
--R      +
--R      4          3          2
--R      180740x  + 244880x  + 102096x  + 20736x + 1728
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 196

--S 197 of 500
r0:=1728*x+10368*x^2+34032*x^3+61220*x^4+36148*x^5-94668*x^6-
272403*x^7-2731671/8*x^8-243945*x^9-193185/2*x^10-182250/11*x^11
--R
--R
--R      (2)
--R      182250  11  193185  10          9   2731671  8          7          6
--R      - ----- x  - ----- x  - 243945x  - ----- x  - 272403x  - 94668x
--R      11          2                      8
--R      +
--R      5          4          3          2
--R      36148x  + 61220x  + 34032x  + 10368x  + 1728x
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 197

--S 198 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      182250  11  193185  10          9   2731671  8          7          6
--R      - ----- x  - ----- x  - 243945x  - ----- x  - 272403x  - 94668x
--R      11          2                      8
--R      +
--R      5          4          3          2
--R      36148x  + 61220x  + 34032x  + 10368x  + 1728x
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 198

--S 199 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 199

--S 200 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

```

```

--E 200

)clear all

--S 201 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^5*(3+5*x)^3
--R
--R
--R   (1)
--R      9          8          7          6          5          4          3
--R   - 60750x9 - 281475x8 - 544185x7 - 547767x6 - 270429x5 - 9050x4 + 66280x3
--R   +
--R      2
--R   37440x2 + 9072x + 864
--R
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 201

--S 202 of 500
r0:=864*x+4536*x^2+12480*x^3+16570*x^4-1810*x^5-90143/2*x^6-
547767/7*x^7-544185/8*x^8-31275*x^9-6075*x^10
--R
--R
--R   (2)
--R      10          9      544185  8      547767  7      90143  6          5          4
--R   - 6075x10 - 31275x9 - ----- x8 - ----- x7 - ----- x6 - 1810x5 + 16570x4
--R
--R   +
--R      3          2
--R   12480x3 + 4536x2 + 864x
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 202

--S 203 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R      10          9      544185  8      547767  7      90143  6          5          4
--R   - 6075x10 - 31275x9 - ----- x8 - ----- x7 - ----- x6 - 1810x5 + 16570x4
--R
--R   +
--R      3          2
--R   12480x3 + 4536x2 + 864x
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 203

--S 204 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R

```

```

--R   (4)  0
--R
--E 204                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 205 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--E 205                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

)clear all

--S 206 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^4*(3+5*x)^3
--R
--R
--R   (1)
--R           8          7          6          5          4          3          2
--R   - 20250x8 - 80325x7 - 127845x6 - 97359x5 - 25237x4 + 13808x3 + 12888x2
--R   +
--R   3888x + 432
--R
--E 206                                         Type: Polynomial(Integer)

--S 207 of 500
r0:=432*x+1944*x^2+4296*x^3+3452*x^4-25237/5*x^5-32453/2*x^6-
127845/7*x^7-80325/8*x^8-2250*x^9
--R
--R
--R   (2)
--R           9          8          127845    7          32453    6          25237    5          4          3
--R   - 2250x9 - ----- x8 - ----- x7 - ----- x6 - ----- x5 + 3452x4 + 4296x3
--R           8          7          2          5
--R   +
--R           2
--R   1944x + 432x
--R
--E 207                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 208 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R           9          8          127845    7          32453    6          25237    5          4          3
--R   - 2250x9 - ----- x8 - ----- x7 - ----- x6 - ----- x5 + 3452x4 + 4296x3
--R           8          7          2          5
--R   +

```

```

--R      2
--R      1944x + 432x
--R
--R                                          Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 208

--S 209 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 209

--S 210 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 210

)clear all

--S 211 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^3*(3+5*x)^3
--R
--R
--R      7      6      5      4      3      2
--R      (1) - 6750x - 22275x - 27765x - 13943x + 883x + 4014x + 1620x + 216
--R
--R                                          Type: Polynomial(Integer)
--E 211

--S 212 of 500
r0:=216*x+810*x^2+1338*x^3+883/4*x^4-13943/5*x^5-9255/2*x^6-
22275/7*x^7-3375/4*x^8
--R
--R
--R      (2)
--R      3375 8   22275 7   9255 6   13943 5   883 4      3      2
--R      - ----- x - ----- x - ----- x - ----- x + --- x + 1338x + 810x + 216x
--R      4       7       2       5       4
--R
--R                                          Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 212

--S 213 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      3375 8   22275 7   9255 6   13943 5   883 4      3      2

```

```

--R      - ----- x  - ----- x  - ----- x  - ----- x  + --- x  + 1338x  + 810x  + 216x
--R      4          7          2          5          4
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 213

--S 214 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 214

--S 215 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 215

)clear all

--S 216 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^2*(3+5*x)^3
--R
--R
--R      6          5          4          3          2
--R      (1)  - 2250x  - 5925x  - 5305x  - 1111x  + 1035x  + 648x + 108
--R
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 216

--S 217 of 500
r0:=108*x+324*x^2+345*x^3-1111/4*x^4-1061*x^5-1975/2*x^6-2250/7*x^7
--R
--R
--R      2250 7   1975 6          5   1111 4          3          2
--R      (2)  - ----- x  - ----- x  - 1061x  - ----- x  + 345x  + 324x  + 108x
--R           7          2
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 217

--S 218 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2250 7   1975 6          5   1111 4          3          2
--R      (3)  - ----- x  - ----- x  - 1061x  - ----- x  + 345x  + 324x  + 108x
--R           7          2
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

```

```

--E 218

--S 219 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 219

--S 220 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 220

)clear all

--S 221 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)*(3+5*x)^3
--R
--R
--R      5      4      3      2
--R      (1) - 750x - 1475x - 785x + 153x + 243x + 54
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 221

--S 222 of 500
r0:=54*x+243/2*x^2+51*x^3-785/4*x^4-295*x^5-125*x^6
--R
--R
--R      6      5    785   4      3    243   2
--R      (2) - 125x - 295x - --- x + 51x + --- x + 54x
--R                  4                      2
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 222

--S 223 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      6      5    785   4      3    243   2
--R      (3) - 125x - 295x - --- x + 51x + --- x + 54x
--R                  4                      2
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 223

--S 224 of 500

```

```

m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 224

--S 225 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 225

)clear all

--S 226 of 500
t0:=(1-2*x)*(3+5*x)^3
--R
--R
--R      4      3      2
--R      (1)  - 250x  - 325x  - 45x  + 81x  + 27
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 226

--S 227 of 500
r0:=27*x+81/2*x^2-15*x^3-325/4*x^4-50*x^5
--R
--R
--R      5      325  4      3      81  2
--R      (2)  - 50x  - --- x  - 15x  + -- x  + 27x
--R                  4                      2
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 227

--S 228 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      5      325  4      3      81  2
--R      (3)  - 50x  - --- x  - 15x  + -- x  + 27x
--R                  4                      2
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 228

--S 229 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R

```

```

--R   (4)  0
--R
--E 229                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 230 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--E 230                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

)clear all

--S 231 of 500
t0:=(1-2*x)*(3+5*x)^3/(2+3*x)
--R
--R
--R   (1)  
$$\frac{-250x^4 - 325x^3 - 45x^2 + 81x + 27}{3x + 2}$$

--R
--E 231                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 232 of 500
r0:=1097/81*x+545/54*x^2-475/27*x^3-125/6*x^4-7/243*log(2+3*x)
--R
--R
--R   (2)  
$$\frac{-14\log(3x + 2) - 10125x^4 - 8550x^3 + 4905x^2 + 6582x}{486}$$

--R
--E 232                                         Type: Expression(Integer)

--S 233 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)  
$$\frac{-14\log(3x + 2) - 10125x^4 - 8550x^3 + 4905x^2 + 6582x}{486}$$

--R
--E 233                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

--S 234 of 500
m0:=a0-r0
--R

```

```

--R
--R      (4)  0
--R
--E 234                                         Type: Expression(Integer)

--S 235 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 235                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 236 of 500
t0:=(1-2*x)*(3+5*x)^3/(2+3*x)^2
--R
--R
--R      4      3      2
--R      - 250x  - 325x  - 45x  + 81x  + 27
--R      (1) -----
--R                  2
--R                  9x  + 12x  + 4
--R
--E 236                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 237 of 500
r0:=55/9*x+25/54*x^2-250/27*x^3+7/243/(2+3*x)+107/243*log(2+3*x)
--R
--R
--R      4      3      2
--R      (642x  + 428)log(3x  + 2) - 13500x  - 8325x  + 9360x  + 5940x  + 14
--R      (2) -----
--R                  1458x  + 972
--R
--E 237                                         Type: Expression(Integer)

--S 238 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      4      3      2
--R      (642x  + 428)log(3x  + 2) - 13500x  - 8325x  + 9360x  + 5940x  + 14
--R      (3) -----
--R                  1458x  + 972
--R
--E 238                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

--S 239 of 500

```

```

m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 239                                         Type: Expression(Integer)

--S 240 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 240                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 241 of 500
t0:=(1-2*x)*(3+5*x)^3/(2+3*x)^3
--R
--R
--R      4      3      2
--R      - 250x  - 325x  - 45x  + 81x  + 27
--R      (1)  -----
--R                  3      2
--R                  27x  + 54x  + 36x  + 8
--R
--E 241                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 242 of 500
r0:=175/27*x-125/27*x^2+7/486/(2+3*x)^2+(-107/243)/(2+3*x)-185/81*log(2+3*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      2
--R      (- 9990x  - 13320x  - 4440)log(3x  + 2) - 20250x  + 1350x  + 28800x
--R      +
--R      11958x  - 421
--R      /
--R      2
--R      4374x  + 5832x  + 1944
--R
--E 242                                         Type: Expression(Integer)

--S 243 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      2
--R
--R      4      3      2

```

```

--R      (- 9990x - 13320x - 4440)log(3x + 2) - 20250x + 1350x + 28800x
--R      +
--R      11958x - 421
--R      /
--R      2
--R      4374x + 5832x + 1944
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 243

--S 244 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 244

--S 245 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 245

)clear all

--S 246 of 500
t0:=(1-2*x)*(3+5*x)^3/(2+3*x)^4
--R
--R
--R      4      3      2
--R      - 250x - 325x - 45x + 81x + 27
--R      (1) -----
--R      4      3      2
--R      81x + 216x + 216x + 96x + 16
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 246

--S 247 of 500
r0:=-250/81*x^7/729/(2+3*x)^3+(-107/486)/(2+3*x)^2+185/81/(2+3*x)+_
1025/243*log(2+3*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      3      2
--R      (166050x + 332100x + 221400x + 49200)log(3x + 2) - 121500x - 243000x
--R      +
--R      2
--R      - 132030x + 2997x + 12692

```

```

--R   /
--R      3      2
--R      39366x  + 78732x  + 52488x + 11664
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 247

--S 248 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      3      2
--R      (166050x  + 332100x  + 221400x + 49200)log(3x + 2) - 121500x  - 243000x
--R      +
--R      2
--R      - 132030x  + 2997x + 12692
--R   /
--R      3      2
--R      39366x  + 78732x  + 52488x + 11664
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 248

--S 249 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 249

--S 250 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 250

)clear all

--S 251 of 500
t0:=(1-2*x)*(3+5*x)^3/(2+3*x)^5
--R
--R
--R      4      3      2
--R      - 250x  - 325x  - 45x  + 81x + 27
--R      (1)  -----
--R      5      4      3      2
--R      243x  + 810x  + 1080x  + 720x  + 240x + 32
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))

```

```

--E 251

--S 252 of 500
r0:=7/972/(2+3*x)^4+(-107/729)/(2+3*x)^3+185/162/(2+3*x)^2+_
(-1025/243)/(2+3*x)-250/243*log(2+3*x)
--R
--R
--R (2)
--R      4      3      2
--R      (- 243000x - 648000x - 648000x - 288000x - 48000)log(3x + 2)
--R      +
--R      3      2
--R      - 332100x - 634230x - 404124x - 85915
--R      /
--R      4      3      2
--R      236196x + 629856x + 629856x + 279936x + 46656
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 252

--S 253 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R      4      3      2
--R      (- 243000x - 648000x - 648000x - 288000x - 48000)log(3x + 2)
--R      +
--R      3      2
--R      - 332100x - 634230x - 404124x - 85915
--R      /
--R      4      3      2
--R      236196x + 629856x + 629856x + 279936x + 46656
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 253

--S 254 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 254

--S 255 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 255

```

```

)clear all

--S 256 of 500
t0:=(1-2*x)*(3+5*x)^3/(2+3*x)^6
--R
--R
--R
$$(1) \frac{-250x^4 - 325x^3 - 45x^2 + 81x + 27}{729x^6 + 2916x^5 + 4860x^4 + 4320x^3 + 2160x^2 + 576x + 64}$$

--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 256

--S 257 of 500
r0:=7/15*(3+5*x)^4/(2+3*x)^5+5/12*(3+5*x)^4/(2+3*x)^4
--R
--R
--R
$$(2) \frac{\frac{3125}{972}x^5 + \frac{5375}{486}x^4 + \frac{2425}{162}x^3 + 10x^2 + \frac{119}{36}x + \frac{13}{30}}{x^5 + \frac{10}{3}x^4 + \frac{40}{9}x^3 + \frac{80}{27}x^2 + \frac{80}{81}x + \frac{32}{243}}$$

--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 257

--S 258 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
$$(3) \frac{405000x^4 + 803250x^3 + 559800x^2 + 153795x + 11758}{1180980x^5 + 3936600x^4 + 5248800x^3 + 3499200x^2 + 1166400x + 155520}$$

--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 258

--S 259 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
$$(4) \frac{3125}{972}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 259

```

```

--S 260 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 260

)clear all

--S 261 of 500
t0:=(1-2*x)*(3+5*x)^3/(2+3*x)^7
--R
--R
--R
--R      (1)  -----
--R      - 250x4 - 325x3 - 45x2 + 81x + 27
--R      2187x7 + 10206x6 + 20412x5 + 22680x4 + 15120x3 + 6048x2 + 1344x + 128
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 261

--S 262 of 500
r0:=7/18*(3+5*x)^4/(2+3*x)^6+29/45*(3+5*x)^4/(2+3*x)^5+_
29/36*(3+5*x)^4/(2+3*x)^4
--R
--R
--R      (2)  -----
--R      18125x6 + 18125x5 + 30250x4 + 8975x3 + 665x2 + 664x + 49
--R      2916    729    729    243    36    135    90
--R      x6 + 4x5 + 20x4 + 160x3 + 80x2 + 64x + 64
--R      3       27      27      81      729
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 262

--S 263 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      607500x4 + 1066500x3 + 587925x2 + 78048x - 13198
--R      /
--R      10628820x6 + 42515280x5 + 70858800x4 + 62985600x3 + 31492800x2 + 8398080x
--R      +
--R      933120

```

```

--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 263

--S 264 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      18125
--R      (4)  - -----
--R              2916
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 264

--S 265 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 265

)clear all

--S 266 of 500
t0:=(1-2*x)*(3+5*x)^3/(2+3*x)^8
--R
--R
--R      (1)
--R      4      3      2
--R      - 250x  - 325x  - 45x  + 81x  + 27
--R      /
--R      8      7      6      5      4      3      2
--R      6561x  + 34992x  + 81648x  + 108864x  + 90720x  + 48384x  + 16128x
--R      +
--R      3072x  + 256
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 266

--S 267 of 500
r0:=1/243/(2+3*x)^7+(-107/1458)/(2+3*x)^6+37/81/(2+3*x)^5+_
(-1025/972)/(2+3*x)^4+250/729/(2+3*x)^3
--R
--R
--R      250   4   4925   3   1147   2   107   922
--R      ----- x  + ----- x  + ----- x  + ----- x  - -----
--R      19683   236196   118098   1062882   1594323
--R      (2)  -----
--R      7   14   6   28   5   280   4   560   3   224   2   448   128
--R      x  + -- x  + --
--R      3       3       27      81      81      729     2187

```

```

--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 267

--S 268 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R   
$$\frac{81000x^4 + 132975x^3 + 61938x^2 + 642x - 3688}{6377292x^7 + 29760696x^6 + 59521392x^5 + 66134880x^4 + 44089920x^3 + 17635968x^2 + 3919104x + 373248}$$

--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 268

--S 269 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 269

--S 270 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 270

)clear all

--S 271 of 500
t0:=(5-2*x)^6*(2+3*x)^3*(-16+33*x)
--R
--R
--R   (1)
--R   
$$57024x^{10} - 768960x^9 + 4070736x^8 - 10051008x^7 + 8647828x^6 + 8983380x^5 + 19081125x^4 - 196250x^3 + 11962500x^2 - 75000x - 2000000$$

--R
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 271

```

```

--S 272 of 500
r0:=-1/2*(5-2*x)^7*(2+3*x)^4
--R
--R
--R   (2)
--R      11          10          9          8          7          6
--R      5184x - 76896x + 452304x - 1256376x + 1235404x + 1497230x
--R +
--R      5  98125  4          3          2
--R      - 3816225x - ----- x + 3987500x - 37500x - 2000000x - 625000
--R           2
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 272

--S 273 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R      11          10          9          8          7          6
--R      5184x - 76896x + 452304x - 1256376x + 1235404x + 1497230x
--R +
--R      5  98125  4          3          2
--R      - 3816225x - ----- x + 3987500x - 37500x - 2000000x
--R           2
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 273

--S 274 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  625000
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 274

--S 275 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 275

)clear all

--S 276 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^m/(3+5*x)
--R
--R

```

```

--R          m
--R      (- 2x + 1)(3x + 2)
--R      (1) -----
--R                  5x + 3
--R
--E 276                                         Type: Expression(Integer)

--S 277 of 500
--r0:=-2/15*(2+3*x)^(1+m)/(1+m)-11/5*(2+3*x)^(1+m)*_
--    hypergeometric(1,1+m,2+m,5*(2+3*x))/(1+m)
--E 277

--S 278 of 500
--a0:=integrate(t0,x)
--E 278

--S 279 of 500
--m0:=a0-r0
--E 279

--S 280 of 500
--d0:=D(m0,x)
--E 280

)clear all

--S 281 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^6/(3+5*x)
--R
--R
--R      7       6       5       4       2
--R      - 1458x  - 5103x  - 6804x  - 3780x  + 1008x  + 448x  + 64
--R      (1) -----
--R                  5x + 3
--R
--E 281                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 282 of 500
r0:=1666663/78125*x+1777779/31250*x^2+152469/3125*x^3-
152469/2500*x^4-106677/625*x^5-7047/50*x^6-1458/35*x^7-
11/390625*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      7       6       5       4
--R      308log(5x + 3) - 455625000x  - 1541531250x  - 1866847500x  - 667051875x
--R      +
--R      3       2
--R      533641500x  + 622222650x  + 233332820x
--R      /

```

```

--R      10937500
--R
--E 282                                         Type: Expression(Integer)

--S 283 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R
--R      7           6           5           4
--R      308log(5x + 3) - 455625000x - 1541531250x - 1866847500x - 667051875x
--R
--R      +
--R      3           2
--R      533641500x + 622222650x + 233332820x
--R
--R      /
--R      10937500
--R
--E 283                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
                                         Type: Expression(Integer),...)

--S 284 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 284                                         Type: Expression(Integer)

--S 285 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 285                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 286 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^5/(3+5*x)
--R
--R
--R      6           5           4           3           2
--R      - 486x - 1377x - 1350x - 360x + 240x + 176x + 32
--R      (1) -----
--R
--R                                         5x + 3
--R
--E 286                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 287 of 500
r0:=166663/15625*x+127779/6250*x^2+2469/625*x^3-17469/500*x^4-

```

```

5427/125*x^5-81/5*x^6+11/78125*log(3+5*x)
--R
--R
--R (2)
--R
--R      6           5           4           3
--R      44log(5x + 3) - 5062500x - 13567500x - 10918125x + 1234500x
--R
--R      +
--R      2
--R      6388950x + 3333260x
--R /
--R      312500
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 287

--S 288 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
--R      6           5           4           3
--R      44log(5x + 3) - 5062500x - 13567500x - 10918125x + 1234500x
--R
--R      +
--R      2
--R      6388950x + 3333260x
--R /
--R      312500
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 288

--S 289 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 289

--S 290 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 290

)clear all

--S 291 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^4/(3+5*x)
--R

```

```

--R
--R      5      4      3      2
--R      - 162x  - 351x  - 216x  + 24x  + 64x + 16
--R      (1) -----
--R                           5x + 3
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 291

--S 292 of 500
r0:=16663/3125*x+7779/1250*x^2-531/125*x^3-1269/100*x^4-_
162/25*x^5+11/15625*log(3+5*x)
--R
--R
--R      5      4      3      2
--R      44log(5x + 3) - 405000x  - 793125x  - 265500x  + 388950x  + 333260x
--R      (2) -----
--R                           62500
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 292

--S 293 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      5      4      3      2
--R      44log(5x + 3) - 405000x  - 793125x  - 265500x  + 388950x  + 333260x
--R      (3) -----
--R                           62500
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 293

--S 294 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 294

--S 295 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 295

)clear all

--S 296 of 500

```

```

t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^3/(3+5*x)
--R
--R
--R      4      3      2
--R      - 54x  - 81x  - 18x  + 20x  + 8
--R      (1) -----
--R                  5x  + 3
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 296

--S 297 of 500
r0:=1663/625*x+279/250*x^2-81/25*x^3-27/10*x^4+11/3125*log(3+5*x)
--R
--R
--R      4      3      2
--R      22log(5x  + 3) - 16875x  - 20250x  + 6975x  + 16630x
--R      (2) -----
--R                  6250
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 297

--S 298 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      4      3      2
--R      22log(5x  + 3) - 16875x  - 20250x  + 6975x  + 16630x
--R      (3) -----
--R                  6250
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 298

--S 299 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 299

--S 300 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 300

)clear all

```

```

--S 301 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^2/(3+5*x)
--R
--R
--R
$$(1) \frac{-18x^3 - 15x^2 + 4x + 4}{5x + 3}$$

--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 301

--S 302 of 500
r0:=163/125*x-21/50*x^2-6/5*x^3+11/625*log(3+5*x)
--R
--R
--R
$$(2) \frac{22\log(5x + 3) - 1500x^3 - 525x^2 + 1630x}{1250}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 302

--S 303 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
$$(3) \frac{22\log(5x + 3) - 1500x^3 - 525x^2 + 1630x}{1250}$$

--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 303

--S 304 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
$$(4) 0$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 304

--S 305 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
$$(5) 0$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 305

)clear all

```

```

--S 306 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)/(3+5*x)
--R
--R
--R      2
--R      - 6x  - x + 2
--R      (1) -----
--R                  5x + 3
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 306

--S 307 of 500
r0:=13/25*x-3/5*x^2+11/125*log(3+5*x)
--R
--R
--R      2
--R      11log(5x + 3) - 75x  + 65x
--R      (2) -----
--R                  125
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 307

--S 308 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2
--R      11log(5x + 3) - 75x  + 65x
--R      (3) -----
--R                  125
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 308

--S 309 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 309

--S 310 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 310

```

```

)clear all

--S 311 of 500
t0:=(1-2*x)/(3+5*x)
--R
--R
--R      - 2x + 1
--R      (1)  -----
--R              5x + 3
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 311

--S 312 of 500
r0:=-2/5*x+11/25*log(3+5*x)
--R
--R
--R      11log(5x + 3) - 10x
--R      (2)  -----
--R                  25
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 312

--S 313 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      11log(5x + 3) - 10x
--R      (3)  -----
--R                  25
--R
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 313

--S 314 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 314

--S 315 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 315

)clear all

```

```

--S 316 of 500
t0:=(1-2*x)/((2+3*x)*(3+5*x))
--R
--R
--R      - 2x + 1
--R      (1) -----
--R              2
--R      15x  + 19x + 6
--R
--E 316                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 317 of 500
r0:=-7/3*log(2+3*x)+11/5*log(3+5*x)
--R
--R
--R      33log(5x + 3) - 35log(3x + 2)
--R      (2) -----
--R                  15
--R
--E 317                                         Type: Expression(Integer)

--S 318 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      33log(5x + 3) - 35log(3x + 2)
--R      (3) -----
--R                  15
--R
--E 318                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
                                         Type: Expression(Integer)

--S 319 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 319                                         Type: Expression(Integer)

--S 320 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 320                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 321 of 500

```

```

t0:=(1-2*x)/((2+3*x)^2*(3+5*x))
--R
--R
--R      - 2x + 1
--R      (1) -----
--R           3      2
--R      45x  + 87x  + 56x + 12
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 321

--S 322 of 500
r0:=7/(2+3*x)-11*log(2+3*x)+11*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (99x + 66)log(5x + 3) + (- 99x - 66)log(3x + 2) + 7
--R      (2) -----
--R           9x + 6
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 322

--S 323 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (99x + 66)log(5x + 3) + (- 99x - 66)log(3x + 2) + 7
--R      (3) -----
--R           9x + 6
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 323

--S 324 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 324

--S 325 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 325

)clear all

--S 326 of 500
t0:=(1-2*x)/((2+3*x)^3*(3+5*x))

```

```

--R
--R
--R      - 2x + 1
--R      (1) -----
--R           4      3      2
--R           135x  + 351x  + 342x  + 148x + 24
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 326

--S 327 of 500
r0:=7/6/(2+3*x)^2+11/(2+3*x)-55*log(2+3*x)+55*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R           2
--R           (2970x  + 3960x + 1320)log(5x + 3) + (- 2970x  - 3960x - 1320)log(3x + 2)
--R
--R      +
--R           198x + 139
--R
--R      /
--R           2
--R           54x  + 72x + 24
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 327

--S 328 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R           2
--R           (2970x  + 3960x + 1320)log(5x + 3) + (- 2970x  - 3960x - 1320)log(3x + 2)
--R
--R      +
--R           198x + 139
--R
--R      /
--R           2
--R           54x  + 72x + 24
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 328

--S 329 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 329

--S 330 of 500
d0:=D(m0,x)
--R

```

```

--R
--R      (5)  0
--R
--E 330                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 331 of 500
t0:=(1-2*x)/((2+3*x)^4*(3+5*x))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R              - 2x + 1
--R      5      4      3      2
--R      405x  + 1323x  + 1728x  + 1128x  + 368x + 48
--R
--E 331                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 332 of 500
r0:=7/9/(2+3*x)^3+11/2/(2+3*x)^2+55/(2+3*x)-275*log(2+3*x)+275*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R              3      2
--R      (133650x  + 267300x  + 178200x + 39600)log(5x + 3)
--R      +
--R              3      2
--R      (- 133650x  - 267300x  - 178200x - 39600)log(3x + 2) + 8910x  + 12177x
--R      +
--R      4172
--R      /
--R              3      2
--R      486x  + 972x  + 648x + 144
--R
--E 332                                         Type: Expression(Integer)

--S 333 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R              3      2
--R      (133650x  + 267300x  + 178200x + 39600)log(5x + 3)
--R      +
--R              3      2
--R      (- 133650x  - 267300x  - 178200x - 39600)log(3x + 2) + 8910x  + 12177x
--R      +
--R      4172
--R      /
--R              3      2

```

```

--R      486x  + 972x  + 648x + 144
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 333

--S 334 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 334

--S 335 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 335

)clear all

--S 336 of 500
t0:=(1-2*x)/((2+3*x)^5*(3+5*x))
--R
--R
--R      - 2x  + 1
--R      (1)  -----
--R                  6      5      4      3      2
--R      1215x  + 4779x  + 7830x  + 6840x  + 3360x  + 880x + 96
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 336

--S 337 of 500
r0:=7/12/(2+3*x)^4+11/3/(2+3*x)^3+55/2/(2+3*x)^2+275/(2+3*x)-
    1375*log(2+3*x)+1375*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      4          3          2
--R      (1336500x  + 3564000x  + 3564000x  + 1584000x + 264000)log(5x + 3)
--R      +
--R      4          3          2
--R      (- 1336500x  - 3564000x  - 3564000x  - 1584000x - 264000)log(3x + 2)
--R      +
--R      3          2
--R      89100x  + 181170x  + 122892x + 27815
--R      /
--R      4          3          2
--R      972x  + 2592x  + 2592x  + 1152x + 192

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 337

--S 338 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R
--R   (1336500x4 + 3564000x3 + 3564000x2 + 1584000x + 264000)log(5x + 3)
--R   +
--R   (- 1336500x4 - 3564000x3 - 3564000x2 - 1584000x - 264000)log(3x + 2)
--R   +
--R   89100x3 + 181170x2 + 122892x + 27815
--R   /
--R   972x4 + 2592x3 + 2592x2 + 1152x + 192
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 338

--S 339 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 339

--S 340 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 340

)clear all

--S 341 of 500
t0:=(1-2*x)/((2+3*x)^6*(3+5*x))
--R
--R
--R   (1)  -----
--R   - 2x + 1
--R   3645x7 + 16767x6 + 33048x5 + 36180x4 + 23760x3 + 9360x2 + 2048x + 192
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 341

```

```

--S 342 of 500
r0:=7/15/(2+3*x)^5+11/4/(2+3*x)^4+55/3/(2+3*x)^3+275/2/(2+3*x)^2-
1375/(2+3*x)-6875*log(2+3*x)+6875*log(3+5*x)
--R
--R
--R (2)
--R      5          4          3          2
--R      33412500x + 111375000x + 148500000x + 99000000x + 33000000x
--R      +
--R      4400000
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      5          4          3          2
--R      - 33412500x - 111375000x - 148500000x - 99000000x - 33000000x
--R      +
--R      - 4400000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      4          3          2
--R      2227500x + 6014250x + 6091800x + 2743565x + 463586
--R      /
--R      5          4          3          2
--R      4860x + 16200x + 21600x + 14400x + 4800x + 640
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 342

--S 343 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R      5          4          3          2
--R      33412500x + 111375000x + 148500000x + 99000000x + 33000000x
--R      +
--R      4400000
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      5          4          3          2
--R      - 33412500x - 111375000x - 148500000x - 99000000x - 33000000x
--R      +
--R      - 4400000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      4          3          2
--R      2227500x + 6014250x + 6091800x + 2743565x + 463586

```

```

--R /
--R      5      4      3      2
--R      4860x + 16200x + 21600x + 14400x + 4800x + 640
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 343

--S 344 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 344

--S 345 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 345

)clear all

--S 346 of 500
t0:=(1-2*x)/((2+3*x)^7*(3+5*x))
--R
--R
--R      (1)
--R      - 2x + 1
--R      /
--R      8      7      6      5      4      3      2
--R      10935x + 57591x + 132678x + 174636x + 143640x + 75600x + 24864x
--R      +
--R      4672x + 384
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 346

--S 347 of 500
r0:=7/18/(2+3*x)^6+11/5/(2+3*x)^5+55/4/(2+3*x)^4+275/3/(2+3*x)^3+_
1375/2/(2+3*x)^2+6875/(2+3*x)-34375*log(2+3*x)+34375*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      6      5      4      3
--R      4510687500x + 18042750000x + 30071250000x + 26730000000x
--R      +
--R      2
--R      13365000000x + 3564000000x + 396000000
--R      *

```

```

--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      6           5           4           3
--R      - 4510687500x - 18042750000x - 30071250000x - 26730000000x
--R      +
--R      2
--R      - 13365000000x - 3564000000x - 396000000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      5           4           3           2
--R      300712500x + 1012398750x + 1363675500x + 918643275x + 309504888x
--R      +
--R      41722762
--R      /
--R      6           5           4           3           2
--R      131220x + 524880x + 874800x + 777600x + 388800x + 103680x + 11520
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 347

--S 348 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      6           5           4           3
--R      4510687500x + 18042750000x + 30071250000x + 26730000000x
--R      +
--R      2
--R      13365000000x + 3564000000x + 396000000
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      6           5           4           3
--R      - 4510687500x - 18042750000x - 30071250000x - 26730000000x
--R      +
--R      2
--R      - 13365000000x - 3564000000x - 396000000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      5           4           3           2
--R      300712500x + 1012398750x + 1363675500x + 918643275x + 309504888x
--R      +
--R      41722762
--R      /
--R      6           5           4           3           2
--R      131220x + 524880x + 874800x + 777600x + 388800x + 103680x + 11520
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 348

```

```

--S 349 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 349                                         Type: Expression(Integer)

--S 350 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 350                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 351 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^m/(3+5*x)^2
--R
--R
--R      (- 2x + 1)(3x + 2)          m
--R      (1)  -----
--R                  2
--R                  25x  + 30x + 9
--R
--E 351                                         Type: Expression(Integer)

--S 352 of 500
--r0:=-11/5*(2+3*x)^(1+m)/(3+5*x)+1/5*(2-33*m)*(2+3*x)^(1+m)*_
--      hypergeometric(1,1+m,2+m,5*(2+3*x))/(1+m)
--E 352

--S 353 of 500
--a0:=integrate(t0,x)
--E 353

--S 354 of 500
--m0:=a0-r0
--E 354

--S 355 of 500
--d0:=D(m0,x)
--E 355

)clear all

```

```

--S 356 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^7/(3+5*x)^2
--R
--R
--R   (1)
--R      8      7      6      5      4      3      2
--R      - 4374x  - 18225x  - 30618x  - 24948x  - 7560x  + 3024x  + 3360x  + 1088x
--R      +
--R      128
--R   /
--R      2
--R      25x  + 30x  + 9
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 356

--S 357 of 500
r0:=5555478/390625*x+5740767/156250*x^2+92592/3125*x^3-
      513783/12500*x^4-336798/3125*x^5-21627/250*x^6-
      4374/175*x^7+(-11/1953125)/(3+5*x)+229/1953125*log(3+5*x)
--R
--R
--R   (2)
--R      8      7
--R      (32060x  + 19236)log(5x  + 3) - 6834375000x  - 27755156250x
--R      +
--R      6      5      4      3
--R      - 43662543750x  - 28920898125x  + 1358398125x  + 14907422250x
--R      +
--R      2
--R      9916639950x  + 2333300760x  - 308
--R   /
--R      273437500x  + 164062500
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 357

--S 358 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R      8      7
--R      (32060x  + 19236)log(5x  + 3) - 6834375000x  - 27755156250x
--R      +
--R      6      5      4      3
--R      - 43662543750x  - 28920898125x  + 1358398125x  + 14907422250x
--R      +
--R      2
--R      9916639950x  + 2333300760x  - 308
--R   /
--R      273437500x  + 164062500

```

```

--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 358

--S 359 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 359

--S 360 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 360

)clear all

--S 361 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^6/(3+5*x)^2
--R
--R
--R      7      6      5      4      2
--R      - 1458x  - 5103x  - 6804x  - 3780x  + 1008x  + 448x  + 64
--R      (1)  -----
--R                           2
--R                           25x  + 30x  + 9
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 361

--S 362 of 500
r0:=555489/78125*x+40743/3125*x^2+5553/3125*x^3-14094/625*x^4-
16767/625*x^5-243/25*x^6+(-11/390625)/(3+5*x)+196/390625*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      (980x  + 588)log(5x  + 3)  - 18984375x  - 63787500x  - 75481875x
--R      +
--R      4      3      2
--R      - 22955625x  + 27546750x  + 29165850x  + 8332335x  - 11
--R      /
--R      1953125x  + 1171875
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 362

--S 363 of 500

```

```

a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R
--R      (980x + 588)log(5x + 3) - 18984375x7 - 63787500x6 - 75481875x5
--R
--R      +
--R      4           3           2
--R      - 22955625x + 27546750x + 29165850x + 8332335x - 11
--R
--R   /
--R   1953125x + 1171875
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 363

--S 364 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 364

--S 365 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 365

)clear all

--S 366 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^5/(3+5*x)^2
--R
--R
--R      6           5           4           3           2
--R      - 486x - 1377x - 1350x - 360x + 240x + 176x + 32
--R
--R   (1) -----
--R
--R                  2
--R                  25x + 30x + 9
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 366

--S 367 of 500
r0:=444/125*x+24093/6250*x^2-1854/625*x^3-3969/500*x^4-
        486/125*x^5+(-11/78125)/(3+5*x)+163/78125*log(3+5*x)
--R
--R
--R   (2)

```

```

--R
--R      (3260x + 1956)log(5x + 3) - 6075000x6 - 16048125x5 - 12076875x4
--R      +
--R      3242250x3 + 9163950x2 + 3330000x - 44
--R      /
--R      1562500x + 937500
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 367

--S 368 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      (3260x + 1956)log(5x + 3) - 6075000x6 - 16048125x5 - 12076875x4
--R      +
--R      3242250x3 + 9163950x2 + 3330000x - 44
--R      /
--R      1562500x + 937500
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 368

--S 369 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 369

--S 370 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 370

)clear all

--S 371 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^4/(3+5*x)^2
--R
--R
--R      5      4      3      2
--R      - 162x5 - 351x4 - 216x3 + 24x2 + 64x + 16
--R      (1) -----

```

```

--R          2
--R          25x  + 30x + 9
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 371

--S 372 of 500
r0:=5511/3125*x+378/625*x^2-261/125*x^3-81/50*x^4+(-11/15625)/(3+5*x)+_
26/3125*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R
--R          5           4           3           2
--R          (1300x + 780)log(5x + 3) - 253125x  - 478125x  - 101250x  + 332250x
--R
--R          +
--R          165330x - 22
--R
--R      /
--R          156250x + 93750
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 372

--S 373 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R
--R          5           4           3           2
--R          (1300x + 780)log(5x + 3) - 253125x  - 478125x  - 101250x  + 332250x
--R
--R          +
--R          165330x - 22
--R
--R      /
--R          156250x + 93750
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 373

--S 374 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 374

--S 375 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 375

```

```

)clear all

--S 376 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^3/(3+5*x)^2
--R
--R
--R
$$(1) \frac{-54x^4 - 81x^3 - 18x^2 + 20x + 8}{25x^2 + 30x + 9}$$

--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 376

--S 377 of 500
r0:=522/625*x-81/250*x^2-18/25*x^3+(-11/3125)/(3+5*x)+97/3125*log(3+5*x)
--R
--R
--R
$$(2) \frac{(970x^4 + 582)x \log(5x + 3) - 22500x^4 - 23625x^3 + 20025x^2 + 15660x - 22}{31250x^2 + 18750}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 377

--S 378 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
$$(3) \frac{(970x^4 + 582)x \log(5x + 3) - 22500x^4 - 23625x^3 + 20025x^2 + 15660x - 22}{31250x^2 + 18750}$$

--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 378

--S 379 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
$$(4) 0$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 379

--S 380 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
$$(5) 0$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 380

)clear all

--S 381 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^2/(3+5*x)^2
--R
--R
--R
$$(1) \frac{-18x^3 - 15x^2 + 4x + 4}{25x^2 + 30x + 9}$$

--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 381

--S 382 of 500
r0:=33/125*x-9/25*x^2+(-11/625)/(3+5*x)+64/625*log(3+5*x)
--R
--R
--R
$$(2) \frac{(320x^3 + 192)\log(5x + 3) - 1125x^3 - 150x^2 + 495x - 11}{3125x^2 + 1875}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 382

--S 383 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
$$(3) \frac{(320x^3 + 192)\log(5x + 3) - 1125x^3 - 150x^2 + 495x - 11}{3125x^2 + 1875}$$

--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 383

--S 384 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
$$(4) 0$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 384

--S 385 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R

```

```

--R   (5)  0
--R
--E 385                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 386 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)/(3+5*x)^2
--R
--R
--R   (1)  
$$\frac{-6x^2 - x + 2}{25x^2 + 30x + 9}$$

--R
--E 386                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 387 of 500
r0:=-6/25*x+(-11/125)/(3+5*x)+31/125*log(3+5*x)
--R
--R
--R   (2)  
$$\frac{(155x^2 + 93)\log(5x + 3) - 150x^2 - 90x - 11}{625x^2 + 375}$$

--R
--E 387                                         Type: Expression(Integer)

--S 388 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)  
$$\frac{(155x^2 + 93)\log(5x + 3) - 150x^2 - 90x - 11}{625x^2 + 375}$$

--R
--E 388                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

--S 389 of 500  
m0:=a0-r0  
--R  
--R  
--R (4) 0
--R
--E 389 Type: Expression(Integer)

--S 390 of 500  
d0:=D(m0,x)

```

--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 390                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 391 of 500
t0:=(1-2*x)/(3+5*x)^2
--R
--R
--R      - 2x + 1
--R      (1)  -----
--R                  2
--R      25x  + 30x + 9
--R
--E 391                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 392 of 500
r0:=(-11/25)/(3+5*x)-2/25*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (- 10x - 6)log(5x + 3) - 11
--R      (2)  -----
--R                  125x + 75
--R
--E 392                                         Type: Expression(Integer)

--S 393 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (- 10x - 6)log(5x + 3) - 11
--R      (3)  -----
--R                  125x + 75
--R
--E 393                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

--S 394 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 394                                         Type: Expression(Integer)

--S 395 of 500
d0:=D(m0,x)
--R

```

```

--R
--R      (5)  0
--R
--E 395                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 396 of 500
t0:=(1-2*x)/((2+3*x)*(3+5*x)^2)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R              - 2x + 1
--R      3           2
--R      75x  + 140x  + 87x + 18
--R
--E 396                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 397 of 500
r0:=(-11/5)/(3+5*x)+7*log(2+3*x)-7*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (- 175x - 105)log(5x + 3) + (175x + 105)log(3x + 2) - 11
--R      (2)  -----
--R                  25x + 15
--R
--E 397                                         Type: Expression(Integer)

--S 398 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (- 175x - 105)log(5x + 3) + (175x + 105)log(3x + 2) - 11
--R      (3)  -----
--R                  25x + 15
--R
--E 398                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 398

--S 399 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 399                                         Type: Expression(Integer)

--S 400 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R

```

```

--R   (5)  0
--R
--E 400                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 401 of 500
t0:=(1-2*x)/((2+3*x)^2*(3+5*x)^2)
--R
--R
--R   (1)  
$$\frac{-2x + 1}{225x^4 + 570x^3 + 541x^2 + 228x + 36}$$

--R
--E 401                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 402 of 500
r0:=(-7)/(2+3*x)+(-11)/(3+5*x)+68*log(2+3*x)-68*log(3+5*x)
--R
--R
--R   (2)
--R   
$$\frac{(-1020x^2 - 1292x - 408)\log(5x + 3) + (1020x^2 + 1292x + 408)\log(3x + 2)}{15x^2 + 19x + 6}$$

--R
--E 402                                         Type: Expression(Integer)

--S 403 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R   
$$\frac{(-1020x^2 - 1292x - 408)\log(5x + 3) + (1020x^2 + 1292x + 408)\log(3x + 2)}{15x^2 + 19x + 6}$$

--R
--E 403                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

--S 404 of 500  
m0:=a0-r0  
--R

```

--R
--R      (4)  0
--R
--E 404                                         Type: Expression(Integer)

--S 405 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 405                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 406 of 500
t0:=(1-2*x)/((2+3*x)^3*(3+5*x)^2)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R              - 2x + 1
--R      5      4      3      2
--R      675x  + 2160x  + 2763x  + 1766x  + 564x + 72
--R
--E 406                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 407 of 500
r0:=(-7/2)/(2+3*x)^2+(-68)/(2+3*x)+(-55)/(3+5*x)+505*log(2+3*x)-505*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R              3      2
--R      (- 45450x  - 87870x  - 56560x - 12120)log(5x + 3)
--R      +
--R              3      2
--R      (45450x  + 87870x  + 56560x + 12120)log(3x + 2)  - 3030x  - 3939x - 1277
--R      /
--R              3      2
--R      90x  + 174x  + 112x + 24
--R
--E 407                                         Type: Expression(Integer)

--S 408 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R              3      2
--R      (- 45450x  - 87870x  - 56560x - 12120)log(5x + 3)
--R      +

```

```

--R      3      2
--R      (45450x  + 87870x  + 56560x + 12120)log(3x + 2) - 3030x  - 3939x - 1277
--R   /
--R      3      2
--R      90x  + 174x  + 112x + 24
--R
--E 408                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--S 409 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 409                                         Type: Expression(Integer)

--S 410 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 410                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 411 of 500
t0:=(1-2*x)/((2+3*x)^4*(3+5*x)^2)
--R
--R
--R      - 2x + 1
--R      (1)  -----
--R                  6      5      4      3      2
--R      2025x  + 7830x  + 12609x  + 10824x  + 5224x  + 1344x + 144
--R
--E 411                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 412 of 500
r0:=(-7/3)/(2+3*x)^3+(-34)/(2+3*x)^2+(-505)/(2+3*x)+(-275)/(3+5*x)+_
3350*log(2+3*x)-3350*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      4      3      2
--R      (- 1356750x  - 3527550x  - 3437100x  - 1487400x - 241200)log(5x + 3)
--R      +
--R      4      3      2
--R      (1356750x  + 3527550x  + 3437100x  + 1487400x + 241200)log(3x + 2)
--R      +
--R      3      2

```

```

--R      - 90450x  - 177885x  - 116513x  - 25413
--R /
--R      4      3      2
--R      405x  + 1053x  + 1026x  + 444x  + 72
--R
--E 412                                         Type: Expression(Integer)

--S 413 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      4      3      2
--R      (- 1356750x  - 3527550x  - 3437100x  - 1487400x  - 241200)log(5x  + 3)
--R +
--R      4      3      2
--R      (1356750x  + 3527550x  + 3437100x  + 1487400x  + 241200)log(3x  + 2)
--R +
--R      3      2
--R      - 90450x  - 177885x  - 116513x  - 25413
--R /
--R      4      3      2
--R      405x  + 1053x  + 1026x  + 444x  + 72
--R
--E 413                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

--S 414 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 414                                         Type: Expression(Integer)

--S 415 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 415                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 416 of 500
t0:=(1-2*x)/((2+3*x)^5*(3+5*x)^2)
--R
--R
--R      - 2x  + 1
--R      (1)  -----

```

```

--R      7      6      5      4      3      2
--R      6075x + 27540x + 53487x + 57690x + 37320x + 14480x + 3120x + 288
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 416

--S 417 of 500
r0:=(-7/4)/(2+3*x)^4+(-68/3)/(2+3*x)^3+(-505/2)/(2+3*x)^2+_
(-3350)/(2+3*x)+(-1375)/(3+5*x)+20875*log(2+3*x)-20875*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      5      4      3      2
--R      - 101452500x - 331411500x - 432864000x - 282564000x - 92184000x
--R      +
--R      - 12024000
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      5      4      3      2
--R      101452500x + 331411500x + 432864000x + 282564000x + 92184000x
--R      +
--R      12024000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      4      3      2
--R      - 6763500x - 17810550x - 17580090x - 7708553x - 1266855
--R      /
--R      5      4      3      2
--R      4860x + 15876x + 20736x + 13536x + 4416x + 576
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 417

--S 418 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      5      4      3      2
--R      - 101452500x - 331411500x - 432864000x - 282564000x - 92184000x
--R      +
--R      - 12024000
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      5      4      3      2
--R      101452500x + 331411500x + 432864000x + 282564000x + 92184000x
--R      +
--R      12024000
--R      *

```

```

--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      4      3      2
--R      - 6763500x - 17810550x - 17580090x - 7708553x - 1266855
--R      /
--R      5      4      3      2
--R      4860x + 15876x + 20736x + 13536x + 4416x + 576
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 418

--S 419 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 419

--S 420 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 420

)clear all

--S 421 of 500
t0:=(1-2*x)/((2+3*x)^6*(3+5*x)^2)
--R
--R
--R      (1)
--R      - 2x + 1
--R      /
--R      8      7      6      5      4      3      2
--R      18225x + 94770x + 215541x + 280044x + 227340x + 118080x + 38320x
--R      +
--R      7104x + 576
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 421

--S 422 of 500
r0:=(-7/5)/(2+3*x)^5+(-17)/(2+3*x)^4+(-505/3)/(2+3*x)^3+_
      (-1675)/(2+3*x)^2+(-20875)/(2+3*x)+(-6875)/(3+5*x)+_
      125000*log(2+3*x)-125000*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R                                         6      5      4      3

```

```

--R      - 2278125000x  - 8960625000x  - 14681250000x  - 12825000000x
--R      +
--R      2
--R      - 6300000000x  - 1650000000x  - 180000000
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      6      5      4      3      2
--R      2278125000x  + 8960625000x  + 14681250000x  + 12825000000x
--R      +
--R      2
--R      6300000000x  + 1650000000x  + 180000000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      5      4      3      2
--R      - 151875000x  - 501187500x  - 661387500x  - 436271250x  - 143844850x
--R      +
--R      - 18964893
--R      /
--R      6      5      4      3      2
--R      18225x  + 71685x  + 117450x  + 102600x  + 50400x  + 13200x  + 1440
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 422

--S 423 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      6      5      4      3
--R      - 2278125000x  - 8960625000x  - 14681250000x  - 12825000000x
--R      +
--R      2
--R      - 6300000000x  - 1650000000x  - 180000000
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      6      5      4      3
--R      2278125000x  + 8960625000x  + 14681250000x  + 12825000000x
--R      +
--R      2
--R      6300000000x  + 1650000000x  + 180000000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      5      4      3      2
--R      - 151875000x  - 501187500x  - 661387500x  - 436271250x  - 143844850x
--R      +
--R      - 18964893

```

```

--R /
--R      6      5      4      3      2
--R      18225x + 71685x + 117450x + 102600x + 50400x + 13200x + 1440
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 423

--S 424 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 424

--S 425 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 425

)clear all

--S 426 of 500
t0:=(1-2*x)/((2+3*x)^7*(3+5*x)^2)
--R
--R
--R      (1)
--R      - 2x + 1
--R      /
--R      9      8      7      6      5      4
--R      54675x + 320760x + 836163x + 1271214x + 1242108x + 808920x
--R      +
--R      3      2
--R      351120x + 97952x + 15936x + 1152
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 426

--S 427 of 500
r0:=(-7/6)/(2+3*x)^6+(-68/5)/(2+3*x)^5+(-505/4)/(2+3*x)^4+_
      (-3350/3)/(2+3*x)^3+(-20875/2)/(2+3*x)^2+(-125000)/(2+3*x)+_
      (-34375)/(3+5*x)+728125*log(2+3*x)-728125*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      7      6      5      4
--R      - 53080312500x - 244169437500x - 481261500000x - 526871250000x
--R      +
--R      3      2

```

```

--R      - 346005000000x  - 136305000000x  - 29824000000x - 2796000000
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      7          6          5          4
--R      53080312500x  + 244169437500x  + 481261500000x  + 526871250000x
--R      +
--R      3          2
--R      346005000000x  + 136305000000x  + 29824000000x + 2796000000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      6          5          4          3
--R      - 3538687500x  - 14036793750x  - 23195441250x  - 20438672625x
--R      +
--R      2
--R      - 10128331755x  - 2676272018x - 294588002
--R      /
--R      7          6          5          4          3          2
--R      72900x  + 335340x  + 660960x  + 723600x  + 475200x  + 187200x  + 40960x
--R      +
--R      3840
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 427

--S 428 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      7          6          5          4
--R      - 53080312500x  - 244169437500x  - 481261500000x  - 526871250000x
--R      +
--R      3          2
--R      - 346005000000x  - 136305000000x  - 29824000000x - 2796000000
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      7          6          5          4
--R      53080312500x  + 244169437500x  + 481261500000x  + 526871250000x
--R      +
--R      3          2
--R      346005000000x  + 136305000000x  + 29824000000x + 2796000000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      6          5          4          3
--R      - 3538687500x  - 14036793750x  - 23195441250x  - 20438672625x
--R      +
--R      2

```

```

--R      - 10128331755x  - 2676272018x  - 294588002
--R      /
--R      7           6           5           4           3           2
--R      72900x + 335340x + 660960x + 723600x + 475200x + 187200x + 40960x
--R      +
--R      3840
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 428

--S 429 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 429

--S 430 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 430

)clear all

--S 431 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^m/(3+5*x)^3
--R
--R
--R      m
--R      (- 2x + 1)(3x + 2)
--R      (1)  -----
--R            3           2
--R            125x + 225x + 135x + 27
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 431

--S 432 of 500
--r0:=-11/10*(2+3*x)^(1+m)/(3+5*x)^2+1/10*(37-33*m)*(2+3*x)^(1+m)/(3+5*x)+_
--      3/10*(37-33*m)*m*(2+3*x)^(1+m)*_
--      hypergeometric(1,1+m,2+m,5*(2+3*x))/(1+m)
--E 432

--S 433 of 500
--a0:=integrate(t0,x)
--E 433

--S 434 of 500

```

```

--m0:=a0-r0
--E 434

--S 435 of 500
--d0:=D(m0,x)
--E 435

)clear all

--S 436 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^7/(3+5*x)^3
--R
--R
--R   (1)
--R      8          7          6          5          4          3          2
--R      - 4374x  - 18225x  - 30618x  - 24948x  - 7560x  + 3024x  + 3360x  + 1088x
--R      +
--R      128
--R   /
--R      3          2
--R      125x  + 225x  + 135x + 27
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 436

--S 437 of 500
r0:=1851147/390625*x+129654/15625*x^2+2052/3125*x^3-181521/12500*x^4-
      51759/3125*x^5-729/125*x^6+(-11/3906250)/(3+5*x)^2+
      (-229/1953125)/(3+5*x)+2037/1953125*log(3+5*x)
--R
--R
--R   (2)
--R      2
--R      (203700x  + 244440x + 73332)log(5x + 3) - 1139062500x  - 4601812500x
--R      +
--R      6          5          4          3          2
--R      - 7128253125x  - 4439846250x  + 753519375x  + 2916553500x  + 1694131200x
--R      +
--R      333201880x - 2770
--R   /
--R      2
--R      195312500x  + 234375000x + 70312500
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 437

--S 438 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R      2

```

8                      7

```

--R      (203700x + 244440x + 73332)log(5x + 3) - 1139062500x - 4601812500x
--R      +
--R      6           5           4           3           2
--R      - 7128253125x - 4439846250x + 753519375x + 2916553500x + 1694131200x
--R      +
--R      333201880x - 2770
--R      /
--R      2
--R      195312500x + 234375000x + 70312500
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 438

--S 439 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 439

--S 440 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 440

)clear all

--S 441 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^6/(3+5*x)^3
--R
--R
--R      7           6           5           4           2
--R      - 1458x - 5103x - 6804x - 3780x + 1008x + 448x + 64
--R      (1) -----
--R                           3           2
--R                           125x + 225x + 135x + 27
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 441

--S 442 of 500
r0:=36936/15625*x+297/125*x^2-6399/3125*x^3-12393/2500*x^4-
1458/625*x^5+(-11/781250)/(3+5*x)^2+(-196/390625)/(3+5*x)+_
1449/390625*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      2

```

7 6

```

--R      (144900x7 + 173880x6 + 52164)log(5x + 3) - 91125000x5 - 302990625x4
--R      +
--R      5           4           3           2
--R      - 345161250x5 - 72883125x4 + 174919500x3 + 144220500x2 + 33238480x - 2374
--R      /
--R      2
--R      39062500x2 + 46875000x + 14062500
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 442

--S 443 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      2
--R      (144900x7 + 173880x6 + 52164)log(5x + 3) - 91125000x5 - 302990625x4
--R      +
--R      5           4           3           2
--R      - 345161250x5 - 72883125x4 + 174919500x3 + 144220500x2 + 33238480x - 2374
--R      /
--R      2
--R      39062500x2 + 46875000x + 14062500
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 443

--S 444 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 444

--S 445 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 445

)clear all

--S 446 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^5/(3+5*x)^3
--R
--R
--R      6           5           4           3           2
--R      - 486x6 - 1377x5 - 1350x4 - 360x3 + 240x2 + 176x + 32

```

```

--R   (1)  -----
--R           3      2
--R           125x  + 225x  + 135x + 27
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 446

--S 447 of 500
r0:=3636/3125*x+1971/6250*x^2-837/625*x^3-243/250*x^4+
    (-11/156250)/(3+5*x)^2+(-163/78125)/(3+5*x)+192/15625*log(3+5*x)
--R
--R
--R   (2)
--R           2                               6      5      4
--R           (48000x  + 57600x + 17280)log(5x + 3) - 3796875x  - 9787500x  - 6412500x
--R           +
--R           3      2
--R           4140000x  + 5897475x  + 1634570x - 989
--R   /
--R           2
--R           3906250x  + 4687500x + 1406250
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 447

--S 448 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R           2                               6      5      4
--R           (48000x  + 57600x + 17280)log(5x + 3) - 3796875x  - 9787500x  - 6412500x
--R           +
--R           3      2
--R           4140000x  + 5897475x  + 1634570x - 989
--R   /
--R           2
--R           3906250x  + 4687500x + 1406250
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 448

--S 449 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 449

--S 450 of 500
d0:=D(m0,x)
--R

```

```

--R
--R      (5)  0
--R
--E 450                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 451 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^4/(3+5*x)^3
--R
--R
--R      5      4      3      2
--R      - 162x  - 351x  - 216x  + 24x  + 64x  + 16
--R      (1)  -----
--R                  3      2
--R                  125x  + 225x  + 135x  + 27
--R
--E 451                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 452 of 500
r0:=1647/3125*x^2-297/1250*x^2-54/125*x^3+(-11/31250)/(3+5*x)^2+_
(-26/3125)/(3+5*x)+114/3125*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      2
--R      (28500x  + 34200x  + 10260)log(5x  + 3) - 337500x  - 590625x  + 67500x
--R      +
--R      2
--R      427275x  + 146930x  - 791
--R      /
--R      2
--R      781250x  + 937500x  + 281250
--R
--E 452                                         Type: Expression(Integer)

--S 453 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R
--R      2
--R      (28500x  + 34200x  + 10260)log(5x  + 3) - 337500x  - 590625x  + 67500x
--R      +
--R      2
--R      427275x  + 146930x  - 791
--R      /
--R      2
--R      781250x  + 937500x  + 281250
--R
--E 453                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

```

--E 453

--S 454 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 454

--S 455 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 455

)clear all

--S 456 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^3/(3+5*x)^3
--R
--R
--R      4      3      2
--R      - 54x  - 81x  - 18x  + 20x  + 8
--R      (1)  -----
--R                  3      2
--R                  125x  + 225x  + 135x  + 27
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 456

--S 457 of 500
r0:=81/625*x^2-27/125*x^2+(-11/6250)/(3+5*x)^2+(-97/3125)/(3+5*x)+_
279/3125*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      2
--R      (13950x  + 16740x  + 5022)log(5x  + 3) - 33750x  - 20250x  + 12150x
--R      +
--R      6320x  - 593
--R      /
--R      2
--R      156250x  + 187500x  + 56250
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 457

--S 458 of 500
a0:=integrate(t0,x)

```

```

--R
--R
--R      (3)
--R          2
--R      (13950x  + 16740x + 5022)log(5x + 3) - 33750x  - 20250x  + 12150x
--R      +
--R          6320x - 593
--R      /
--R          2
--R      156250x  + 187500x + 56250
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 458

--S 459 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 459

--S 460 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 460

)clear all

--S 461 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)^2/(3+5*x)^3
--R
--R
--R          3      2
--R          - 18x  - 15x  + 4x + 4
--R      (1)  -----
--R          3      2
--R          125x  + 225x  + 135x + 27
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 461

--S 462 of 500
r0:=-18/125*x+(-11/1250)/(3+5*x)^2+(-64/625)/(3+5*x)+87/625*log(3+5*x)
--R
--R
--R          2
--R          (4350x  + 5220x + 1566)log(5x + 3) - 4500x  - 5400x  - 2260x - 395
--R      (2)  -----

```

```

--R
--R
--R
--E 462

--S 463 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R      2
--R      3           2
--R      (4350x  + 5220x + 1566)log(5x + 3) - 4500x  - 5400x  - 2260x - 395
--R      (3)  -----
--R
--R      2
--R      3           2
--R      31250x  + 37500x + 11250
--R
--E 463
                                         Type: Expression(Integer)

--S 464 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 464
                                         Type: Expression(Integer)

--S 465 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 465
                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 466 of 500
t0:=(1-2*x)*(2+3*x)/(3+5*x)^3
--R
--R
--R
--R      2
--R      - 6x  - x + 2
--R      (1)  -----
--R
--R      3           2
--R      125x  + 225x  + 135x + 27
--R
--E 466
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 467 of 500
r0:=(-11/250)/(3+5*x)^2+(-31/125)/(3+5*x)-6/125*log(3+5*x)
--R

```

```

--R
--R
--R      2
--R      (- 300x - 360x - 108)log(5x + 3) - 310x - 197
--R      (2) -----
--R                  2
--R                  6250x  + 7500x + 2250
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 467

--S 468 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2
--R      (- 300x - 360x - 108)log(5x + 3) - 310x - 197
--R      (3) -----
--R                  2
--R                  6250x  + 7500x + 2250
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 468

--S 469 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 469

--S 470 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 470

)clear all

--S 471 of 500
t0:=(1-2*x)/(3+5*x)^3
--R
--R
--R      - 2x + 1
--R      (1) -----
--R                  3      2
--R                  125x  + 225x  + 135x + 27
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 471

```

```

--S 472 of 500
r0:=-1/22*(1-2*x)^2/(3+5*x)^2
--R
--R
--R      2   2   2   1
--R      - --- x  + --- x - ---
--R      275   275   550
--R (2)  -----
--R      2   6   9
--R      x  + - x + --
--R      5   25
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 472

--S 473 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      20x + 1
--R (3)  -----
--R      2
--R      1250x  + 1500x + 450
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 473

--S 474 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      2
--R (4)  ---
--R      275
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 474

--S 475 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 475

)clear all

--S 476 of 500
t0:=(1-2*x)/((2+3*x)*(3+5*x)^3)
--R
--R
--R      - 2x + 1

```

```

--R   (1)  -----
--R           4      3      2
--R           375x  + 925x  + 855x  + 351x + 54
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 476

--S 477 of 500
r0:=(-11/10)/(3+5*x)^2+7/(3+5*x)-21*log(2+3*x)+21*log(3+5*x)
--R
--R
--R   (2)
--R           2
--R           (5250x  + 6300x + 1890)log(5x + 3) + (- 5250x  - 6300x - 1890)log(3x + 2)
--R
--R   +
--R           350x + 199
--R   /
--R           2
--R           250x  + 300x + 90
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 477

--S 478 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R           2
--R           (5250x  + 6300x + 1890)log(5x + 3) + (- 5250x  - 6300x - 1890)log(3x + 2)
--R
--R   +
--R           350x + 199
--R   /
--R           2
--R           250x  + 300x + 90
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 478

--S 479 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 479

--S 480 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 480

)clear all

--S 481 of 500
t0:=(1-2*x)/((2+3*x)^2*(3+5*x)^3)
--R
--R
--R      - 2x + 1
--R      (1) -----
--R           5      4      3      2
--R           1125x  + 3525x  + 4415x  + 2763x  + 864x + 108
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 481

--S 482 of 500
r0:=21/(2+3*x)+(-11/2)/(3+5*x)^2+68/(3+5*x)-309*log(2+3*x)+309*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R           3      2
--R           (46350x  + 86520x  + 53766x + 11124)log(5x + 3)
--R           +
--R           3      2
--R           (- 46350x  - 86520x  - 53766x - 11124)log(3x + 2) + 3090x  + 3811x + 1172
--R           /
--R           3      2
--R           150x  + 280x  + 174x + 36
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 482

--S 483 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R           3      2
--R           (46350x  + 86520x  + 53766x + 11124)log(5x + 3)
--R           +
--R           3      2
--R           (- 46350x  - 86520x  - 53766x - 11124)log(3x + 2) + 3090x  + 3811x + 1172
--R           /
--R           3      2
--R           150x  + 280x  + 174x + 36
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 483

--S 484 of 500
m0:=a0-r0
--R

```

```

--R
--R      (4)  0
--R
--E 484                                         Type: Expression(Integer)

--S 485 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 485                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 486 of 500
t0:=(1-2*x)/((2+3*x)^3*(3+5*x)^3)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  - 2x + 1
--R      6           5           4           3           2
--R      3375x  + 12825x  + 20295x  + 17119x  + 8118x  + 2052x + 216
--R
--E 486                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 487 of 500
r0:=21/2/(2+3*x)^2+309/(2+3*x)+(-55/2)/(3+5*x)^2+505/(3+5*x)-
3060*log(2+3*x)+3060*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R                  4           3           2
--R      (1377000x  + 3488400x  + 3310920x  + 1395360x + 220320)log(5x + 3)
--R      +
--R                  4           3           2
--R      (- 1377000x  - 3488400x  - 3310920x  - 1395360x - 220320)log(3x + 2)
--R      +
--R                  3           2
--R      91800x  + 174420x  + 110296x + 23213
--R      /
--R                  4           3           2
--R      450x  + 1140x  + 1082x  + 456x + 72
--R
--E 487                                         Type: Expression(Integer)

--S 488 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R

```

```

--R   (3)
--R      4          3          2
--R      (1377000x  + 3488400x  + 3310920x  + 1395360x + 220320)log(5x + 3)
--R      +
--R      4          3          2
--R      (- 1377000x - 3488400x - 3310920x - 1395360x - 220320)log(3x + 2)
--R      +
--R      3          2
--R      91800x  + 174420x  + 110296x + 23213
--R      /
--R      4          3          2
--R      450x  + 1140x  + 1082x  + 456x + 72
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 488

--S 489 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 489

--S 490 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 490

)clear all

--S 491 of 500
t0:=(1-2*x)/((2+3*x)^4*(3+5*x)^3)
--R
--R
--R   (1)
--R      - 2x + 1
--R   -----
--R      7          6          5          4          3          2
--R      10125x  + 45225x  + 86535x  + 91947x  + 58592x  + 22392x  + 4752x + 432
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 491

--S 492 of 500
r0:=7/(2+3*x)^3+309/2/(2+3*x)^2+3060/(2+3*x)+(-275/2)/(3+5*x)^2+3350/(3+5*x)-_
25350*log(2+3*x)+25350*log(3+5*x)
--R
--R

```

```

--R      (2)
--R
--R      5          4          3          2
--R      34222500x + 109512000x + 140084100x + 89536200x + 28594800x
--R      +
--R      3650400
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      5          4          3          2
--R      - 34222500x - 109512000x - 140084100x - 89536200x - 28594800x
--R      +
--R      - 3650400
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      4          3          2
--R      2281500x + 5855850x + 5631080x + 2404363x + 384608
--R      /
--R      5          4          3          2
--R      1350x + 4320x + 5526x + 3532x + 1128x + 144
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 492

--S 493 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R
--R      5          4          3          2
--R      34222500x + 109512000x + 140084100x + 89536200x + 28594800x
--R      +
--R      3650400
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      5          4          3          2
--R      - 34222500x - 109512000x - 140084100x - 89536200x - 28594800x
--R      +
--R      - 3650400
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      4          3          2
--R      2281500x + 5855850x + 5631080x + 2404363x + 384608
--R      /
--R      5          4          3          2
--R      1350x + 4320x + 5526x + 3532x + 1128x + 144
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 493

```

```

--S 494 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 494                                         Type: Expression(Integer)

--S 495 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 495                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 496 of 500
t0:=(1-2*x)/((2+3*x)^5*(3+5*x)^3)
--R
--R
--R      (1)
--R      - 2x + 1
--R      /
--R      8           7           6           5           4           3           2
--R      30375x + 155925x + 350055x + 448911x + 359670x + 184360x + 59040x
--R      +
--R      10800x + 864
--R
--E 496                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 497 of 500
r0:=21/4/(2+3*x)^4+103/(2+3*x)^3+1530/(2+3*x)^2+25350/(2+3*x)+_
      (-1375/2)/(3+5*x)^2+20875/(3+5*x)-189375*log(2+3*x)+189375*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      6           5           4           3
--R      1533937500x + 5931225000x + 9551317500x + 8199180000x
--R      +
--R      2
--R      3957180000x + 1018080000x + 109080000
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      6           5           4           3
--R      - 1533937500x - 5931225000x - 9551317500x - 8199180000x
--R      +
--R      2

```

```

--R      - 3957180000x - 1018080000x - 109080000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      5      4      3      2
--R      102262500x + 330648750x + 427381500x + 276035525x + 89085434x
--R      +
--R      11492725
--R      /
--R      6      5      4      3      2
--R      8100x + 31320x + 50436x + 43296x + 20896x + 5376x + 576
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 497

--S 498 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      6      5      4      3
--R      1533937500x + 5931225000x + 9551317500x + 8199180000x
--R      +
--R      2
--R      3957180000x + 1018080000x + 109080000
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      6      5      4      3
--R      - 1533937500x - 5931225000x - 9551317500x - 8199180000x
--R      +
--R      2
--R      - 3957180000x - 1018080000x - 109080000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      5      4      3      2
--R      102262500x + 330648750x + 427381500x + 276035525x + 89085434x
--R      +
--R      11492725
--R      /
--R      6      5      4      3      2
--R      8100x + 31320x + 50436x + 43296x + 20896x + 5376x + 576
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 498

--S 499 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0

```

```
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 499

--S 500 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 500

)spool
)lisp (bye)
```

---

## **References**

[1] nothing