

# `$SPAD/src/input kamke5.input`

Timothy Daly

December 30, 2008

## **Abstract**

This is the 251-300 of the Kamke test suite as published by E. S. Cheb-Terrab[1]. They have been rewritten using Axiom syntax. Where possible we show that the particular solution actually satisfies the original ordinary differential equation.

## **Contents**

```

(*)≡
)spool kamke5.output
)set break resume
)set mes auto off
)clear all

--S 1 of 130
y:=operator 'y
--R
--R
--R      (1)  y
--R
--E 1                                         Type: BasicOperator

--S 2 of 130
f:=operator 'f
--R
--R
--R      (2)  f
--R
--E 2                                         Type: BasicOperator

--S 3 of 130
f0:=operator 'f0
--R
--R
--R      (3)  f0
--R
--E 3                                         Type: BasicOperator

--S 4 of 130
f1:=operator 'f1
--R
--R
--R      (4)  f1
--R
--E 4                                         Type: BasicOperator

--S 5 of 130
f2:=operator 'f2
--R
--R
--R      (5)  f2
--R
--E 5                                         Type: BasicOperator

```

```

--S 6 of 130
f3:=operator 'f3
--R
--R
--R      (6)   f3
--R
--E 6                                         Type: BasicOperator

--S 7 of 130
g:=operator 'g
--R
--R
--R      (7)   g
--R
--E 7                                         Type: BasicOperator

--S 8 of 130
g0:=operator 'g0
--R
--R
--R      (8)   g0
--R
--E 8                                         Type: BasicOperator

--S 9 of 130
g1:=operator 'g1
--R
--R
--R      (9)   g1
--R
--E 9                                         Type: BasicOperator

--S 10 of 130
h:=operator 'h
--R
--R
--R      (10)   h
--R
--E 10                                         Type: BasicOperator

--S 11 of 130
ode251 := (x**2*y(x)-1)*D(y(x),x)+x*y(x)**2-1
--R
--R
--R      (11)   (x y(x) - 1)y (x) + x y(x) - 1

```

```

--R
--R
--E 11                                         Type: Expression Integer

--S 12 of 130
yx:=solve(ode251,y,x)
--R
--R
--R
--R      2      2
--R      x y(x) - 2y(x) - 2x
--R      (12)  -----
--R                           2
--R
--E 12                                         Type: Union(Expression Integer,...)

--S 13 of 130
ode251expr := (x**2*yx-1)*D(yx,x)+x*yx**2-1
--R
--R
--R      (13)
--R      6      3      4      2      5      3      ,      5      4      3      3
--R      (2x y(x) - 6x y(x) - 4x y(x) + 4x + 4)y (x) + 3x y(x) - 8x y(x)
--R
--R      +
--R      4      2      2      3
--R      - 10x y(x) + 12x y(x) + 8x
--R      /
--R      4
--R
--E 13                                         Type: Expression Integer

--S 14 of 130
ode252 := (x**2*y(x)-1)*D(y(x),x)-(x*y(x)**2-1)
--R
--R
--R      2      ,      2
--R      (14)  (x y(x) - 1)y (x) - x y(x) + 1
--R
--E 14                                         Type: Expression Integer

--S 15 of 130
solve(ode252,y,x)
--R
--R
--R      (15)  "failed"

```

```

--R                                         Type: Union("failed",...)
--E 15

--S 16 of 130
ode253 := (x**2*y(x)-1)*D(y(x),x)+8*(x*y(x)**2-1)
--R
--R
--R      2 , 2
--R      (16)  (x y(x) - 1)y (x) + 8x y(x) - 8
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 16

--S 17 of 130
solve(ode253,y,x)
--R
--R
--R      (17)  "failed"
--R                                         Type: Union("failed",...)
--E 17

--S 18 of 130
ode254 := x*(x*y(x)-2)*D(y(x),x)+x**2*y(x)**3+x*y(x)**2-2*y(x)
--R
--R
--R      2 , 2   3      2
--R      (18)  (x y(x) - 2x)y (x) + x y(x) + x y(x) - 2y(x)
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 18

--S 19 of 130
solve(ode254,y,x)
--R
--R
--R      (19)  "failed"
--R                                         Type: Union("failed",...)
--E 19

--S 20 of 130
ode255 := x*(x*y(x)-3)*D(y(x),x)+x*y(x)**2-y(x)
--R
--R
--R      2 , 2
--R      (20)  (x y(x) - 3x)y (x) + x y(x) - y(x)
--R

```

```

--R                                         Type: Expression Integer
--E 20

--S 21 of 130
solve(ode255,y,x)
--R
--R
--R      (21)  "failed"
--R                                         Type: Union("failed",...)
--E 21

--S 22 of 130
ode256 := x**2*(y(x)-1)*D(y(x),x)+(x-1)*y(x)
--R
--R
--R      2      2   ,
--R      (22)  (x y(x) - x )y (x) + (x - 1)y(x)
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 22

--S 23 of 130
solve(ode256,y,x)
--R
--R
--R      (23)  "failed"
--R                                         Type: Union("failed",...)
--E 23

--S 24 of 130
ode257 := x*(x*y(x)+x**4-1)*D(y(x),x)-y(x)*(x*y(x)-x**4-1)
--R
--R
--R      2      5   ,      2      4
--R      (24)  (x y(x) + x  - x)y (x) - x y(x) + (x  + 1)y(x)
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 24

--S 25 of 130
solve(ode257,y,x)
--R
--R
--R      (25)  "failed"
--R                                         Type: Union("failed",...)
--E 25

```

```

--S 26 of 130
ode258 := 2*x**2*y(x)*D(y(x),x)+y(x)**2-2*x**3-x**2
--R
--R
--R      2      ,      2      3      2
--R      (26)  2x y(x)y (x) + y(x) - 2x - x
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 26

--S 27 of 130
yx:=solve(ode258,y,x)
--R
--R
--R      1
--R      -
--R      2      2      x
--R      (27)  (y(x) - x )%e
--R                                         Type: Union(Expression Integer,...)
--E 27

--S 28 of 130
ode258expr := 2*x**2*yx*D(yx,x)+yx**2-2*x**3-x**2
--R
--R
--R      (28)
--R      1 2
--R      -
--R      2      3      4      x      ,
--R      (4x y(x) - 4x y(x))(%e ) y (x)
--R
--R      +
--R      1 2
--R      -
--R      4      3      2      2      5      4      x      3      2
--R      (3y(x) + (- 4x - 6x )y(x) + 4x + 3x )(%e ) - 2x - x
--R                                         Type: Expression Integer
--E 28

--S 29 of 130
ode259 := 2*x**2*y(x)*D(y(x),x)-y(x)**2-x**2*exp(x-1/x)
--R
--R
--R      2
--R      x - 1

```

```

--R
--R
--R      2      ,      2      x      2
--R      (29)  2x y(x)y (x) - x %e      - y(x)
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 29

--S 30 of 130
yx:=solve(ode259,y,x)
--R
--R
--R      2
--R      1  x - 1      1
--R      - -----
--R      x      x      2  x
--R      (30)  - %e %e      + y(x) %e
--R                                         Type: Union(Expression Integer,...)
--E 30

--S 31 of 130
ode259expr := 2*x**2*yx*D(yx,x)-yx**2-x**2*exp(x-1/x)
--R
--R
--R      (31)
--R      2
--R      1 2  x - 1      1 2
--R      - -----
--R      2      x      x      2  3  x
--R      (- 4x y(x) (%e ) %e      + 4x y(x) (%e ) )y (x)
--R
--R      +
--R      2      2
--R      1 2  x - 1      1 2      2
--R      - -----      x - 1
--R      2      x      x      2      2  x      2      x
--R      (2x - 1) (%e ) (%e      ) + ((- 2x + 4)y(x) (%e ) - x )%e
--R      +
--R      1 2
--R      -
--R      4      x
--R      - 3y(x) (%e )
--R                                         Type: Expression Integer
--E 31

--S 32 of 130
ode260 := (2*x**2*y(x)+x)*D(y(x),x)-x**2*y(x)**3+2*x*y(x)**2+y(x)

```

```

--R
--R
--R      2           ,       2   3           2
--R      (32)  (2x y(x) + x)y (x) - x y(x) + 2x y(x) + y(x)
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 32

--S 33 of 130
solve(ode260,y,x)
--R
--R
--R      (33)  "failed"
--R
--R                                         Type: Union("failed",...)
--E 33

--S 34 of 130
ode261 := (2*x**2*y(x)-x)*D(y(x),x)-2*x*y(x)**2-y(x)
--R
--R
--R      2           ,       2
--R      (34)  (2x y(x) - x)y (x) - 2x y(x) - y(x)
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 34

--S 35 of 130
solve(ode261,y,x)
--R
--R
--R      (35)  "failed"
--R
--R                                         Type: Union("failed",...)
--E 35

--S 36 of 130
ode262 := (2*x**2*y(x)-x**3)*D(y(x),x)+y(x)**3-4*x*y(x)**2+2*x**3
--R
--R
--R      2           3   ,       3           2   3
--R      (36)  (2x y(x) - x )y (x) + y(x) - 4x y(x) + 2x
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 36

--S 37 of 130
solve(ode262,y,x)

```

```

--R
--R
--R      (37)  "failed"
--R
--E 37                                         Type: Union("failed",...)
--S 38 of 130
ode263 := 2*x**3+y(x)*D(y(x),x)+3*x**2*y(x)**2+7
--R
--R
--R      ,          2      2      3
--R      (38)  y(x)y (x) + 3x y(x)  + 2x  + 7
--R
--R
--E 38                                         Type: Expression Integer

--S 39 of 130
solve(ode263,y,x)
--R
--R
--R      x
--R      ++      2      2      3      2%K
--R      (39)  | (3%K y(x)  + 2%K  + 7)%e   d%K
--R      ++
--R
--E 39                                         Type: Union(Expression Integer,...)

--S 40 of 130
ode264 := 2*x*(x**3*y(x)+1)*D(y(x),x)+(3*x**3*y(x)-1)*y(x)
--R
--R
--R      4          ,          3      2
--R      (40)  (2x y(x) + 2x)y (x) + 3x y(x)  - y(x)
--R
--R
--E 40                                         Type: Expression Integer

--S 41 of 130
solve(ode264,y,x)
--R
--R
--R      (41)  "failed"
--R
--E 41                                         Type: Union("failed",...)

--S 42 of 130

```

```

ode265 := (x**(n*(n+1))*y(x)-1)*D(y(x),x)+2*(n+1)**2*x**2*(n-1)-
           *(x**2*n*x**2-1)
--R
--R
--R      (42)
--R
--R      n + n , 2 2 n - 1 n
--R      (y(x)x - 1)y (x) + (2n + 4n + 2)y(x) x
--R
--R      +
--R      2 n - 1
--R      (- 2n - 4n - 2)x
--R
--E 42                                         Type: Expression Integer

--S 43 of 130
solve(ode265,y,x)
--R
--R
--R      (43) "failed"
--R
--E 43                                         Type: Union("failed",...)

--S 44 of 130
ode266 := (y(x)-x)*sqrt(x**2+1)*D(y(x),x)-a*sqrt((y(x)**2+1)**3)
--R
--R
--R      +-----+ +-----+
--R      | 2 , | 6 4 2
--R      (44) (y(x) - x)\|x + 1 y (x) - a\|y(x) + 3y(x) + 3y(x) + 1
--R
--R
--E 44                                         Type: Expression Integer

--S 45 of 130
solve(ode266,y,x)
--R
--R
--R      (45) "failed"
--R
--E 45                                         Type: Union("failed",...)

--S 46 of 130
ode267 := y(x)*D(y(x),x)*sin(x)**2+y(x)**2*cos(x)*sin(x)-1
--R
--R

```

```

--R          2 ,          2
--R      (46)  y(x)sin(x) y (x) + y(x) cos(x)sin(x) - 1
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 46

--S 47 of 130
yx:=solve(ode267,y,x)
--R
--R
--R          2 ,          2
--R      (47)  y(x) sin(x) - 2x
--R          2
--R                                         Type: Union(Expression Integer,...)
--E 47

--S 48 of 130
ode267expr := yx*D(yx,x)*sin(x)**2+yx**2*cos(x)*sin(x)-1
--R
--R
--R      (48)
--R          3      6          4 ,          4          5
--R      (2y(x) sin(x) - 4x y(x)sin(x) )y (x) + 3y(x) cos(x)sin(x)
--R
--R      +
--R          2      4          2          3          2      2
--R      - 2y(x) sin(x) - 8x y(x) cos(x)sin(x) + 4x sin(x) + 4x cos(x)sin(x) - 4
--R      /
--R          4
--R                                         Type: Expression Integer
--E 48

--S 49 of 130
ode268 := f(x)*y(x)*D(y(x),x)+g(x)*y(x)**2+h(x)
--R
--R
--R          ,
--R      (49)  f(x)y(x)y (x) + g(x)y(x) + h(x)
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 49

--S 50 of 130
solve(ode268,y,x)
--R

```

```

--R
--R      >> Error detected within library code:
--R      Function not supported by Risch d.e.
--R
--R      Continuing to read the file...
--R
--E 50

--S 51 of 130
ode269 := (g1(x)*y(x)+g0(x))*D(y(x),x)-f1(x)*y(x)-_
           f2(x)*y(x)**2-f3(x)*y(x)**3-f0(x)
--R
--R
--R      (50)                               3                  2
--R      (g1(x)y(x) + g0(x))y (x) - f3(x)y(x) - f2(x)y(x) - f1(x)y(x) - f0(x)
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 51

--S 52 of 130
solve(ode269,y,x)
--R
--R
--R      (51)  "failed"
--R
--R                                         Type: Union("failed",...)
--E 52

--S 53 of 130
ode270 := (y(x)**2-x)*D(y(x),x)-y(x)+x**2
--R
--R
--R      (52)  (y(x) - x)y (x) - y(x) + x
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 53

--S 54 of 130
yx:=solve(ode270,y,x)
--R
--R
--R      (53)  
$$\frac{y(x)^3 - 3xy(x)^2 + x^3}{3}$$


```

```

--R                                         Type: Union(Expression Integer,...)
--E 54

--S 55 of 130
ode270expr := (yx**2-x)*D(yx,x)-yx+x**2
--R
--R
--R (54)
--R
--R      8      6      3      5      2      4      4      3
--R      y(x) - 7x y(x) + 2x y(x) + 15x y(x) - 8x y(x)
--R      +
--R      6      3      2      5      7      2
--R      (x - 9x - 9x)y(x) + 6x y(x) - x + 9x
--R      *
--R      ,
--R      y (x)
--R
--R      +
--R      7      2      6      5      3      4      5      2      3
--R      - y(x) + x y(x) + 6x y(x) - 8x y(x) + (2x - 9x - 3)y(x)
--R      +
--R      4      2      6      8      3      2
--R      15x y(x) + (- 7x + 18x)y(x) + x - 12x + 9x
--R      /
--R      9
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 55

--S 56 of 130
ode271 := (y(x)**2+x**2)*D(y(x),x)+2*x*(y(x)+2*x)
--R
--R
--R      2      2 ,          2
--R (55) (y(x) + x )y (x) + 2x y(x) + 4x
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 56

--S 57 of 130
yx:=solve(ode271,y,x)
--R
--R
--R      3      2      3
--R      y(x) + 3x y(x) + 4x
--R (56) -----
--R                  3

```

```

--R                                         Type: Union(Expression Integer,...)
--E 57

--S 58 of 130
ode271expr := (yx**2+x**2)*D(yx,x)+2*x*(yx+2*x)
--R
--R
--R      (57)
--R
--R      8      2      6      3      5      4      4      5      3
--R      y(x) + 7x y(x) + 8x y(x) + 15x y(x) + 32x y(x)
--R
--R      +
--R      6      2      2      7      8      4
--R      (25x + 9x )y(x) + 24x y(x) + 16x + 9x
--R
--R      *
--R
--R      ,
--R      y (x)
--R
--R      +
--R      7      2      6      3      5      4      4      5      3
--R      2x y(x) + 4x y(x) + 12x y(x) + 40x y(x) + (50x + 6x)y(x)
--R
--R      +
--R      6      2      7      3      8      4      2
--R      84x y(x) + (128x + 36x )y(x) + 64x + 60x + 36x
--R
--R      /
--R      9
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 58

--S 59 of 130
ode272 := (y(x)**2+x**2)*D(y(x),x)-y(x)**2
--R
--R
--R      2      2 ,      2
--R      (58)  (y(x) + x )y (x) - y(x)
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 59

--S 60 of 130
solve(ode272,y,x)
--R
--R
--R      (59)  "failed"
--R
--R                                         Type: Union("failed",...)
--E 60

```

```

--S 61 of 130
ode273 := (y(x)**2+x**2+a)*D(y(x),x)+2*x*y(x)
--R
--R
--R      2      2
--R      (60)  (y(x)  + x  + a)y (x) + 2x y(x)
--R
--R
--E 61                                         Type: Expression Integer

--S 62 of 130
yx:=solve(ode273,y,x)
--R
--R
--R      3      2
--R      y(x)  + (3x  + 3a)y(x)
--R      (61)  -----
--R                  3
--R
--E 62                                         Type: Union(Expression Integer,...)

--S 63 of 130
ode273expr := (yx**2+x**2+a)*D(yx,x)+2*x*yx
--R
--R
--R      (62)
--R      8      2      6      4      2      2      4
--R      y(x)  + (7x  + 7a)y(x)  + (15x  + 30ax  + 15a )y(x)
--R      +
--R      6      4      2      2      3      2      4      2      2
--R      (9x  + 27ax  + (27a  + 9)x  + 9a  + 9a)y(x)  + 9x  + 18ax  + 9a
--R      *
--R      ,
--R      y (x)
--R
--R      +
--R      7      3      5      5      3      2      3
--R      2x y(x)  + (12x  + 12ax )y(x)  + (18x  + 36ax  + (18a  + 6)x)y(x)
--R      +
--R      3
--R      (36x  + 36ax )y(x)
--R      /
--R      9
--R
--E 63                                         Type: Expression Integer

```

```

--S 64 of 130
ode274 := (y(x)**2+x**2+a)*D(y(x),x)+2*x*y(x)+x**2+b
--R
--R
--R      2      2      ,      2
--R      (63)  (y(x) + x + a)y (x) + 2x y(x) + x + b
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 64

--S 65 of 130
yx:=solve(ode274,y,x)
--R
--R
--R      3      2      3
--R      y(x) + (3x + 3a)y(x) + x + 3b x
--R      (64)  -----
--R                           3
--R                                         Type: Union(Expression Integer,...)
--E 65

--S 66 of 130
ode274expr := (yx**2+x**2+a)*D(yx,x)+2*x*yx+x**2+b
--R
--R
--R      (65)
--R      8      2      6      3      5
--R      y(x) + (7x + 7a)y(x) + (2x + 6b x)y(x)
--R      +
--R      4      2      2      4      5      3      3
--R      (15x + 30a x + 15a )y(x) + (8x + (24b + 8a)x + 24a b x)y(x)
--R      +
--R      6      4      2      2      2      3      2
--R      (10x + (6b + 27a)x + (9b + 27a + 9)x + 9a + 9a)y(x)
--R      +
--R      7      5      2      3      2      8
--R      (6x + (18b + 12a)x + (36a b + 6a )x + 18a b x)y(x) + x
--R      +
--R      6      2      4      2      2      2      2
--R      (6b + a)x + (9b + 6a b + 9)x + (9a b + 18a)x + 9a
--R      *
--R      ,
--R      y (x)
--R
--R      +
--R      7      2      6      3      5

```

```

--R      2x y(x) + (x + b)y(x) + (12x + 12ax)y(x)
--R      +
--R      4          2          4
--R      (10x + (18b + 6a)x + 6ab)y(x)
--R      +
--R      5          3          2          2          3
--R      (20x + (8b + 36a)x + (6b + 18a + 6)x)y(x)
--R      +
--R      6          4          2          2          2          2
--R      (21x + (45b + 30a)x + (54ab + 9a )x + 9ab)y(x)
--R      +
--R      7          5          2          3          2          8
--R      (8x + (36b + 6a)x + (36b + 24ab + 36)x + (18ab + 36a)x)y(x) + x
--R      +
--R      6          2          4          3          2
--R      7bx + (15b + 15)x + (9b + 27b + 9a + 9)x + (9a + 9)b
--R      /
--R      9
--R
--E 66                                         Type: Expression Integer

--S 67 of 130
ode275 := (y(x)**2+x**2+x)*D(y(x),x)-y(x)
--R
--R
--R      2          2
--R      (66)  (y(x) + x + x)y (x) - y(x)
--R
--R
--E 67                                         Type: Expression Integer

--S 68 of 130
solve(ode275,y,x)
--R
--R
--R      (67)  "failed"
--R
--E 68                                         Type: Union("failed",...)

--S 69 of 130
ode276 := (y(x)**2-x**2)*D(y(x),x)+2*x*y(x)
--R
--R
--R      2          2
--R      (68)  (y(x) - x )y (x) + 2x y(x)
--R

```

```

--R                                         Type: Expression Integer
--E 69

--S 70 of 130
yx:=solve(ode276,y,x)
--R
--R
--R
--R      2      2
--R      y(x) + x
--R      (69)  -----
--R                  y(x)
--R                                         Type: Union(Expression Integer,...)
--E 70

--S 71 of 130
ode276expr := (yx**2-x**2)*D(yx,x)+2*x*yx
--R
--R
--R      6      6 ,      5      3      3      5
--R      (y(x) - x )y (x) + 4x y(x) + 4x y(x) + 2x y(x)
--R
--R      (70)  -----
--R                           4
--R                           y(x)
--R                                         Type: Expression Integer
--E 71

--S 72 of 130
ode277 := (y(x)**2+x**4)*D(y(x),x)-4*x**3*y(x)
--R
--R
--R      2      4 ,      3
--R      (71)  (y(x) + x )y (x) - 4x y(x)
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 72

--S 73 of 130
yx:=solve(ode277,y,x)
--R
--R
--R      2      4
--R      y(x) - x
--R      (72)  -----
--R                  y(x)
--R                                         Type: Union(Expression Integer,...)

```

```

--E 73

--S 74 of 130
ode277expr := (yx**2+x**4)*D(yx,x)-4*x**3*yx
--R
--R
--R      6   12   ,   3   5   7   3   11
--R      (y(x) + x )y (x) - 8x y(x) + 8x y(x) - 4x y(x)
--R
--R      (73)  -----
--R                           4
--R                           y(x)
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 74

--S 75 of 130
ode278 := (y(x)**2+4*sin(x))*D(y(x),x)-cos(x)
--R
--R
--R      2   ,
--R      (74)  (4sin(x) + y(x ))y (x) - cos(x)
--R
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 75

--S 76 of 130
yx:=solve(ode278,y,x)
--R
--R
--R      2   - 4y(x)
--R      (- 32sin(x) - 8y(x) - 4y(x) - 1)%e
--R      (75)  -----
--R                           32
--R
--R                                         Type: Union(Expression Integer,...)
--E 76

--S 77 of 130
ode278expr := (yx**2+4*sin(x))*D(yx,x)-cos(x)
--R
--R
--R      (76)
--R      3   2   2
--R      4096sin(x) + (3072y(x) + 1024y(x) + 256)sin(x)
--R
--R      +
--R      4   3   2
--R      (768y(x) + 512y(x) + 192y(x) + 32y(x) + 4)sin(x) + 64y(x)
--R
--R                                         6

```

```

--R      +
--R      5      4      3      2
--R      64y(x) + 32y(x) + 8y(x) + y(x)
--R      *
--R      - 4y(x) 3
--R      (%e      )
--R      +
--R      2      2      - 4y(x)
--R      (16384sin(x) + 4096y(x) sin(x))%e
--R      *
--R      ,
--R      y (x)
--R      +
--R      2      2
--R      - 1024cos(x)sin(x) + (- 512y(x) - 256y(x) - 64)cos(x)sin(x)
--R      +
--R      4      3      2
--R      (- 64y(x) - 64y(x) - 32y(x) - 8y(x) - 1)cos(x)
--R      *
--R      - 4y(x) 3
--R      (%e      )
--R      +
--R      - 4y(x)
--R      - 4096cos(x)sin(x)%e      - 1024cos(x)
--R      /
--R      1024
--R
--E 77                                         Type: Expression Integer

--S 78 of 130
ode279 := (y(x)**2+2*y(x)+x)*D(y(x),x)+(y(x)+x)**2*y(x)**2+y(x)*(y(x)+1)
--R
--R
--R      2      ,      4      3      2      2
--R      (77)  (y(x) + 2y(x) + x)y (x) + y(x) + 2x y(x) + (x + 1)y(x) + y(x)
--R
--R
--E 78                                         Type: Expression Integer

--S 79 of 130
solve(ode279,y,x)
--R
--R
--R      (78)  "failed"
--R
--E                                         Type: Union("failed",...)

```

```

--E 79

--S 80 of 130
ode280 := (y(x)+x)**2*D(y(x),x)-a**2
--R
--R
--R      2          2          2
--R      (79)  (y(x)  + 2x y(x) + x )y '(x) - a
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 80

--S 81 of 130
solve(ode280,y,x)
--R
--R
--R      (80)  "failed"
--R                                         Type: Union("failed",...)
--E 81

--S 82 of 130
ode281 := (y(x)**2+2*x*y(x)-x**2)*D(y(x),x)-
           y(x)**2+2*x*y(x)+x**2
--R
--R
--R      2          2          2
--R      (81)  (y(x)  + 2x y(x) - x )y '(x) - y(x)  + 2x y(x) + x
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 82

--S 83 of 130
solve(ode281,y,x)
--R
--R
--R      (82)  "failed"
--R                                         Type: Union("failed",...)
--E 83

--S 84 of 130
ode282 := (y(x)+3*x-1)**2*D(y(x),x)-(2*y(x)-1)*(4*y(x)+6*x-3)
--R
--R
--R      (83)
--R      2          2          2
--R      (y(x)  + (6x - 2)y(x) + 9x  - 6x + 1)y '(x) - 8y(x)  + (- 12x + 10)y(x) + 6x

```

```

--R
--R      +
--R      - 3
--R
--E 84                                         Type: Expression Integer

--S 85 of 130
solve(ode282,y,x)
--R
--R
--R      (84)  "failed"
--R
--E 85                                         Type: Union("failed",...)

--S 86 of 130
ode283 := 3*(y(x)**2-x**2)*D(y(x),x)+2*y(x)**3-6*x*(x+1)*y(x)-3*exp(x)
--R
--R
--R      (85)  (3y(x)  - 3x )y (x) - 3%e  + 2y(x)  + (- 6x  - 6x)y(x)
--R
--R
--E 86                                         Type: Expression Integer

--S 87 of 130
yx:=solve(ode283,y,x)
--R
--R
--R      x 3      3      2      x 2
--R      (86)  - (%e )  + (y(x)  - 3x y(x))(%e )
--R
--E 87                                         Type: Union(Expression Integer,...)

--S 88 of 130
ode283expr := 3*(yx**2-x**2)*D(yx,x)+2*yx**3-6*x*(x+1)*yx-3*exp(x)
--R
--R
--R      (87)
--R      2      2      x 8      5      2      3      4      x 7
--R      (9y(x)  - 9x )(%e )  + (- 18y(x)  + 72x y(x)  - 54x y(x))(%e )
--R      +
--R      8      2      6      4      4      6      2      x 6
--R      (9y(x)  - 63x y(x)  + 135x y(x)  - 81x y(x) )(%e )
--R      +
--R      2      2      4      x 2
--R      (- 9x y(x)  + 9x )(%e )

```

```

--R      *
--R      ,
--R      y (x)
--R      +
--R      x 9      3      2      x 8
--R      - 11(%e ) + (30y(x) + (- 90x - 18x)y(x))(%e )
--R      +
--R      6      2      4      4      3      2      x 7
--R      (- 27y(x) + (162x + 36x)y(x) + (- 243x - 108x )y(x ))(%e )
--R      +
--R      9      2      7      4      3      5
--R      8y(x) + (- 72x - 18x)y(x) + (216x + 108x )y(x)
--R      +
--R      6      5      3
--R      (- 216x - 162x )y(x)
--R      *
--R      x 6
--R      (%e )
--R      +
--R      2      x 3      2      3      4      3      x 2      x
--R      (15x + 6x)(%e ) + ((- 12x - 6x)y(x) + (36x + 36x )y(x))(%e ) - 3%e
--R                                         Type: Expression Integer
--E 88

--S 89 of 130
ode284 := (4*y(x)**2+x**2)*D(y(x),x)-x*y(x)
--R
--R
--R      2      2
--R      (88)  (4y(x) + x )y (x) - x y(x)
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 89

--S 90 of 130
yx:=solve(ode284,y,x)
--R
--R
--R      2      2
--R      8y(x) log(y(x)) - x
--R      (89)  -----
--R                  2
--R                  2y(x)
--R
--R                                         Type: Union(Expression Integer,...)
--E 90

```

```

--S 91 of 130
ode284expr := (4*yx**2+x**2)*D(yx,x)-x*yx
--R
--R
--R (90)
--R
--R      6      2      4      2
--R      (512y(x) + 128x y(x) )log(y(x))
--R      +
--R      2      4      4      2      2      6      4      4      4      4      2
--R      (- 128x y(x) - 32x y(x) )log(y(x)) + 8x y(x) + 2x y(x) + 8x y(x)
--R      +
--R      6
--R      2x
--R      *
--R      ,
--R      y (x)
--R
--R      +
--R      5      2      7      3      3      3      5
--R      - 128x y(x) log(y(x)) + (- 8x y(x) + 32x y(x) )log(y(x)) - x y(x)
--R      +
--R      5
--R      - 2x y(x)
--R /
--R      7
--R      2y(x)
--R
--R                                          Type: Expression Integer
--E 91

--S 92 of 130
ode285 := (4*y(x)**2+2*x*y(x)+3*x**2)*D(y(x),x)+y(x)**2+6*x*y(x)+2*x**2
--R
--R
--R      2      2      2      2
--R      (91)  (4y(x) + 2x y(x) + 3x )y (x) + y(x) + 6x y(x) + 2x
--R
--R
--R                                          Type: Expression Integer
--E 92

--S 93 of 130
yx:=solve(ode285,y,x)
--R
--R
--R      3      2      2      3
--R      4y(x) + 3x y(x) + 9x y(x) + 2x

```

```

--R      (92)  -----
--R                                         3
--R
--R                                         Type: Union(Expression Integer,...)
--E 93

--S 94 of 130
ode285expr := (4*yx**2+2*x*yx+3*x**2)*D(yx,x)+yx**2+6*x*yx+2*x**2
--R
--R
--R      (93)
--R
--R      8          7          2          6          3          5
--R      256y(x) + 512x y(x) + 1680x y(x) + (2056x + 96x)y(x)
--R      +
--R      4          2          4          5          3          3
--R      (3020x + 120x )y(x) + (2160x + 324x )y(x)
--R      +
--R      6          4          2          2          7          5          3          8
--R      (1468x + 210x + 108x )y(x) + (464x + 186x + 54x )y(x) + 48x
--R      +
--R      6          4
--R      36x + 81x
--R      *
--R      ,
--R      y (x)
--R
--R      +
--R      8          7          2          6          3          5
--R      64y(x) + 480x y(x) + (1028x + 16)y(x) + (2416x + 48x)y(x)
--R      +
--R      4          2          4          5          3          3
--R      (2700x + 243x )y(x) + (2936x + 280x + 72x)y(x)
--R      +
--R      6          4          2          2          7          5          3          8          6
--R      (1624x + 465x + 81x )y(x) + (384x + 216x + 324x )y(x) + 32x + 28x
--R      +
--R      4          2
--R      90x + 18x
--R      /
--R      9
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 94

--S 95 of 130
ode286 := (2*y(x)-3*x+1)**2*D(y(x),x)-(3*y(x)-2*x-4)**2
--R
--R

```

```

--R   (94)
--R   
$$(4y(x)^2 + (-12x + 4)y(x) + 9x^2 - 6x + 1)y''(x) - 9y(x)^2 + (12x + 24)y(x)$$

--R   +
--R   
$$- 4x^2 - 16x - 16$$

--R
--E 95                                         Type: Expression Integer

--S 96 of 130
solve(ode286,y,x)
--R
--R
--R   (95)  "failed"
--R
--E 96                                         Type: Union("failed",...)

```

  

```

--S 97 of 130
ode287 := (2*y(x)-4*x+1)**2*D(y(x),x)-(y(x)-2*x)**2
--R
--R
--R   (96)
--R   
$$(4y(x)^2 + (-16x + 4)y(x) + 16x^2 - 8x + 1)y''(x) - y(x)^2 + 4x y(x) - 4x^2$$

--R
--R
--E 97                                         Type: Expression Integer

```

  

```

--S 98 of 130
solve(ode287,y,x)
--R
--R
--R   (97)  "failed"
--R
--E 98                                         Type: Union("failed",...)

```

  

```

--S 99 of 130
ode288 := (6*y(x)**2-3*x**2*y(x)+1)*D(y(x),x)-3*x*y(x)**2+x
--R
--R
--R   (98)  
$$(6y(x)^2 - 3x y(x) + 1)y''(x) - 3x y(x)^2 + x$$

--R
--R
--E 99                                         Type: Expression Integer

```

```

--S 100 of 130
yx:=solve(ode288,y,x)
--R
--R
--R
--R      3      2      2      2
--R      4y(x) - 3x y(x) + 2y(x) + x
--R (99) -----
--R                               2
--R
--R                                         Type: Union(Expression Integer,...)
--E 100

--S 101 of 130
ode288expr := (6*yx**2-3*x**2*yx+1)*D(yx,x)-3*x*yx**2+x
--R
--R
--R (100)
--R
--R      8      2      7      4      6      6      2      5
--R      576y(x) - 1152x y(x) + (756x + 672)y(x) + (- 162x - 720x )y(x)
--R +
--R      4      4      6      2      3      4      2
--R      (90x + 240)y(x) + (54x - 48x )y(x) + (- 54x + 48)y(x) + 4
--R *
--R ,
--R      y (x)
--R +
--R      8      3      7      5      6      3      5
--R      - 288x y(x) + 432x y(x) + (- 162x - 240x )y(x) + 72x y(x)
--R +
--R      5      4      3      3      5
--R      (81x - 24x )y(x) - 72x y(x) - 3x + 8x
--R /
--R      4
--R                                         Type: Expression Integer
--E 101

--S 102 of 130
ode289 := (6*y(x)-x)**2*D(y(x),x)-6*y(x)**2+2*x*y(x)+a
--R
--R
--R      2      2      2
--R      (101) (36y(x) - 12x y(x) + x )y (x) - 6y(x) + 2x y(x) + a
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 102

```

```

--S 103 of 130
yx:=solve(ode289,y,x)
--R
--R
--R      3      2      2
--R      (102)  12y(x) - 6x y(x) + x y(x) + a x
--R                                         Type: Union(Expression Integer,...)
--E 103

--S 104 of 130
ode289expr := (6*yx-x)**2*D(yx,x)-6*yx**2+2*x*yx+a
--R
--R
--R      (103)
--R      8      7      2      6
--R      186624y(x) - 248832x y(x) + 145152x y(x)
--R      +
--R      3      5
--R      (- 46656x + (31104a - 5184)x)y(x)
--R      +
--R      4      2      4      5      3      3
--R      (8640x + (- 25920a + 4320)x )y(x) + (- 864x + (8640a - 1440)x )y(x)
--R      +
--R      6      4      2      2      2
--R      (36x + (- 1296a + 216)x + (1296a - 432a + 36)x )y(x)
--R      +
--R      5      2      3      2      4
--R      ((72a - 12)x + (- 432a + 144a - 12)x )y(x) + (36a - 12a + 1)x
--R      *
--R      ,
--R      y (x)
--R      +
--R      8      7      2      6
--R      - 31104y(x) + 41472x y(x) + (- 23328x + 5184a - 864)y(x)
--R      +
--R      3      5      4      2      4
--R      (6912x + (- 10368a + 1728)x)y(x) + (- 1080x + (6480a - 1080)x )y(x)
--R      +
--R      5      3      2      3
--R      (72x + (- 1728a + 288)x + (864a - 288a + 24)x)y(x)
--R      +
--R      4      2      2      2      2      3
--R      ((180a - 30)x + (- 648a + 216a - 18)x )y(x) + (144a - 48a + 4)x y(x)
--R      +

```

```

--R      3      2      2
--R      (36a - 18a + 3a)x  + a
--R
--E 104                                         Type: Expression Integer

--S 105 of 130
ode290 := (a*y(x)**2+2*b*x*y(x)+c*x**2)*D(y(x),x)+b*y(x)**2+2*c*x*y(x)+d*x**2
--R
--R
--R      2      2
--R      (104)  (a y(x)  + 2b x y(x) + c x )y (x) + b y(x)  + 2c x y(x) + d x
--R
--R
--E 105                                         Type: Expression Integer

--S 106 of 130
yx:=solve(ode290,y,x)
--R
--R
--R      3      2      2      3
--R      a y(x)  + 3b x y(x)  + 3c x y(x) + d x
--R      (105)  -----
--R
--R
--E 106                                         Type: Union(Expression Integer,...)

--S 107 of 130
ode290expr:=(a*yx**2+2*b*x*yx+c*x**2)*D(yx,x)+b*yx**2+2*c*x*yx+d*x**2
--R
--R
--R      (106)
--R      4      8      3      7      3      2 2 2      6
--R      a y(x)  + 8a b x y(x)  + (7a c + 21a b )x y(x)
--R      +
--R      3      2      3 3      2      5
--R      ((2a d + 36a b c + 18a b )x  + 6a b x)y(x)
--R      +
--R      2      2 2      2 4      2 2      4
--R      ((10a b d + 15a c  + 45a b c)x  + 30a b x )y(x)
--R      +
--R      2      2      2 5      3 3      3
--R      (((8a c + 12a b )d + 36a b c )x  + (24a b c + 36b )x )y(x)
--R      +
--R      2 2      3 6      2 4      2 2      2
--R      ((a d  + 18a b c d + 9a c )x  + (6a b d + 54b c)x  + 9a c x )y(x)
--R      +

```

```

--R          2      2      7      2      2      5      3      2 8
--R          ((2a b d + 6a c d)x + (12b d + 18b c )x + 18b c x )y(x) + a c d x
--R          +
--R          6      2 4
--R          6b c d x + 9c x
--R          *
--R          ,
--R          y (x)
--R          +
--R          3      8      3      2 2      7
--R          a b y(x) + (2a c + 6a b )x y(x)
--R          +
--R          3      2      3 2      2      6
--R          ((a d + 18a b c + 9a b )x + a b)y(x)
--R          +
--R          2      2 2      2 3      2      5
--R          ((8a b d + 12a c + 36a b c)x + 12a b x)y(x)
--R          +
--R          2      2      2 4      3 2      4
--R          (((10a c + 15a b )d + 45a b c )x + (18a b c + 27b )x )y(x)
--R          +
--R          2 2      3 5      2 3      3
--R          ((2a d + 36a b c d + 18a c )x + (8a b d + 72b c)x + 6a c x)y(x)
--R          +
--R          2      2 6      2      2 4      2      2
--R          ((7a b d + 21a c d)x + (30b d + 45b c )x + 27b c x )y(x)
--R          +
--R          2 7      5      2 3      3 8      2 6      4      2
--R          (8a c d x + 36b c d x + 36c x )y(x) + a d x + 7b d x + 15c d x + 9d x
--R          /
--R          9
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 107

```

```

--S 108 of 130
ode291 := (b*(beta*y(x)+alpha*x)**2-beta*(b*y(x)+a*x))*D(y(x),x)+_
a*(beta*y(x)+alpha*x)**2-alpha*(b*y(x)+a*x)
--R
--R
--R          (107)
--R          2      2
--R          (b beta y(x) + (2alpha b beta x - b beta)y(x) + alpha b x - a beta x)
--R          *
--R          ,
--R          y (x)

```

```

--R
--R      +
--R      2      2
--R      a beta y(x)  + (2a alpha beta x - alpha b)y(x) + a alpha x  - a alpha x
--R                                         2 2
--R                                         Type: Expression Integer
--E 108

--S 109 of 130
solve(ode291,y,x)
--R
--R
--R      (108)  "failed"
--R                                         Type: Union("failed",...)
--E 109

--S 110 of 130
ode292 := (a*y(x)+b*x+c)**2*D(y(x),x)+(alpha*y(x)+beta*x+gamma)**2
--R
--R
--R      (109)
--R      2      2
--R      (a y(x)  + (2a b x + 2a c)y(x) + b x  + 2b c x + c )y (x) + alpha y(x)
--R
--R      +
--R                                         2 2
--R                                         (2alpha beta x + 2alpha gamma)y(x) + beta x  + 2beta gamma x + gamma
--R                                         Type: Expression Integer
--E 110

--S 111 of 130
solve(ode292,y,x)
--R
--R
--R      (110)  "failed"
--R                                         Type: Union("failed",...)
--E 111

--S 112 of 130
ode293 := x*(y(x)**2-3*x)*D(y(x),x)+2*y(x)**3-5*x*y(x)
--R
--R
--R      (111)  (x y(x)  - 3x )y (x) + 2y(x)  - 5x y(x)
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 112

```

```

--S 113 of 130
solve(ode293,y,x)
--R
--R
--R      (112)  "failed"
--R
--E 113                                         Type: Union("failed",...)

--S 114 of 130
ode294 := x*(y(x)**2+x**2-a)*D(y(x),x)-y(x)*(y(x)**2+x**2+a)
--R
--R
--R      (113)  (x y(x)  + x  - a x)y '(x) - y(x)  + (- x  - a)y(x)
--R
--R
--E 114                                         Type: Expression Integer

--S 115 of 130
solve(ode294,y,x)
--R
--R
--R      (114)  "failed"
--R
--E 115                                         Type: Union("failed",...)

--S 116 of 130
ode295 := x*(y(x)**2+x*y(x)-x**2)*D(y(x),x)-y(x)**3+x*y(x)**2+x**2*y(x)
--R
--R
--R      (115)  (x y(x)  + x y(x) - x )y '(x) - y(x)  + x y(x)  + x y(x)
--R
--R
--E 116                                         Type: Expression Integer

--S 117 of 130
solve(ode295,y,x)
--R
--R
--R      (116)  "failed"
--R
--E 117                                         Type: Union("failed",...)

--S 118 of 130

```

```

ode296 := x*(y(x)**2+x**2*y(x)+x**2)*D(y(x),x)-2*y(x)**3-2*x**2*y(x)**2+x**4
--R
--R
--R      2      3      3 ,      3      2      2      4
--R      (117)  (x y(x) + x y(x) + x )y (x) - 2y(x) - 2x y(x) + x
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 118

--S 119 of 130
solve(ode296,y,x)
--R
--R
--R      (118)  "failed"
--R
--R                                         Type: Union("failed",...)
--E 119

--S 120 of 130
ode297 := 2*x*(y(x)**2+5*x**2)*D(y(x),x)+y(x)**3-x**2*y(x)
--R
--R
--R      2      3 ,      3      2
--R      (119)  (2x y(x) + 10x )y (x) + y(x) - x y(x)
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 120

--S 121 of 130
solve(ode297,y,x)
--R
--R
--R      (120)  "failed"
--R
--R                                         Type: Union("failed",...)
--E 121

--S 122 of 130
ode298 := 3*x*y(x)**2*D(y(x),x)+y(x)**3-2*x
--R
--R
--R      2 ,      3
--R      (121)  3x y(x) y (x) + y(x) - 2x
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 122

--S 123 of 130

```

```

yx:=solve(ode298,y,x)
--R
--R
--R      3      2
--R      (122)  x y(x) - x
--R                                         Type: Union(Expression Integer,...)
--E 123

--S 124 of 130
ode298expr := 3*x*yx**2*D(yx,x)+yx**3-2*x
--R
--R
--R      (123)
--R      4      8      5      5      6      2 ,      3      9      4      6      5      3
--R      (9x y(x) - 18x y(x) + 9x y(x) )y (x) + 4x y(x) - 15x y(x) + 18x y(x)
--R
--R      +
--R      6
--R      - 7x - 2x
--R                                         Type: Expression Integer
--E 124

--S 125 of 130
ode299 := (3*x*y(x)**2-x**2)*D(y(x),x)+y(x)**3-2*x*y(x)
--R
--R
--R      2      2 ,      3
--R      (124)  (3x y(x) - x )y (x) + y(x) - 2x y(x)
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 125

--S 126 of 130
yx:=solve(ode299,y,x)
--R
--R
--R      3      2
--R      (125)  x y(x) - x y(x)
--R                                         Type: Union(Expression Integer,...)
--E 126

--S 127 of 130
ode299expr := (3*x*yx**2-x**2)*D(yx,x)+yx**3-2*x*yx
--R
--R
--R      (126)

```

```

--R      4   8      5   6      6   4      7   3      2   4 ,
--R      (9x y(x) - 21x y(x) + 15x y(x) + (- 3x - 3x )y(x) + x )y (x)
--R
--R      +
--R      3   9      4   7      5   5      6   2      3   3
--R      4x y(x) - 15x y(x) + 18x y(x) + (- 7x - 3x )y(x) + 4x y(x)
--R                                         Type: Expression Integer
--E 127

--S 128 of 130
ode300 := 6*x*y(x)**2*D(y(x),x)+2*y(x)**3+x
--R
--R
--R      2 ,      3
--R      (127)  6x y(x) y (x) + 2y(x) + x
--R
--R                                         Type: Expression Integer
--E 128

--S 129 of 130
yx:=solve(ode300,y,x)
--R
--R
--R      3   2
--R      4x y(x) + x
--R      (128) -----
--R                  2
--R                                         Type: Union(Expression Integer,...)
--E 129

--S 130 of 130
ode300expr := 6*x*yx**2*D(yx,x)+2*yx**3+x
--R
--R
--R      (129)
--R      4   8      5   5      6   2 ,      3   9      4   6
--R      (576x y(x) + 288x y(x) + 36x y(x ))y (x) + 256x y(x) + 240x y(x)
--R
--R      +
--R      5   3      6
--R      72x y(x) + 7x + 4x
--R      /
--R      4
--R                                         Type: Expression Integer
--E 130

```

```
)spool  
)lisp (bye)
```

## References

- [1] <http://www.cs.uwaterloo.ca/~ecterrab/odetools.html>